

Curitiba, 23 de outubro de 2024.(online)

# AGENDA

1. Revisão
2. Retificador de onda completa (ROC)
  1. Duplo de meia onda = tape central = *center tape*
  2. Ponte
3. Eficiência retificador  $\frac{1}{2}$  onda e onda completa
4. Exercícios

## Materiais de apoio para atividades EAD

TE5: Retificador monofásico não controlado em :

<https://moodle.utfpr.edu.br/course/view.php?id=1823&section=4>

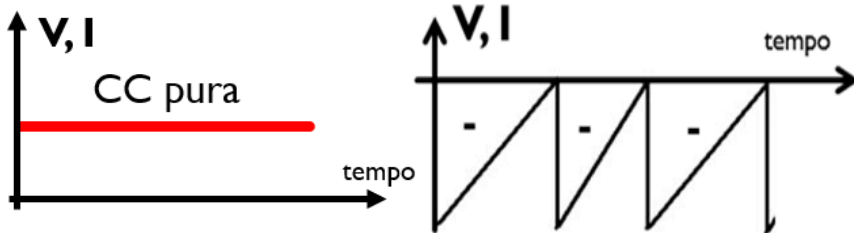
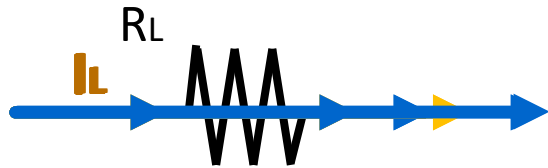
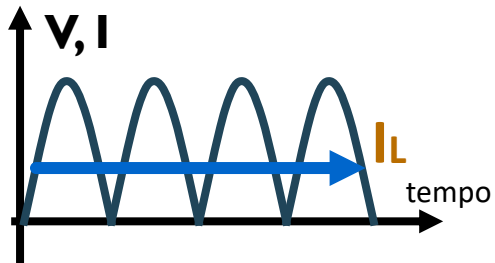
## Vídeos no bloco REPOSITÓRIO DA DISCIPLINA

- ✓ Tape central-Ponte retificadora
- ✓ Etapa do filtro
- ✓ Vídeo interessante sobre a função do capacitor:  
<https://moodle.utfpr.edu.br/mod/book/view.php?id=567555>

# Revisão: CA & CC

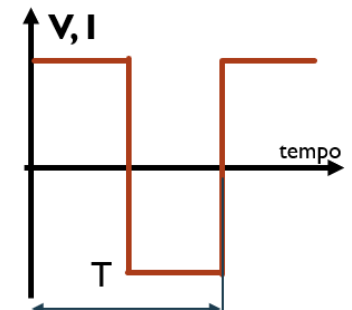
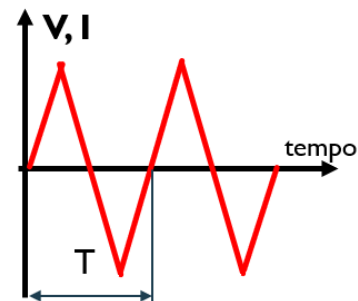
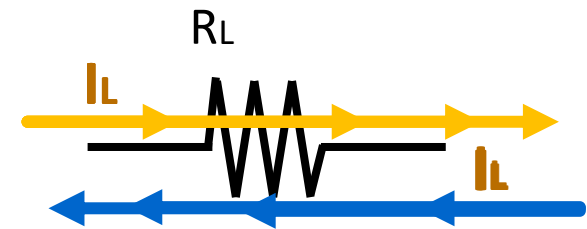
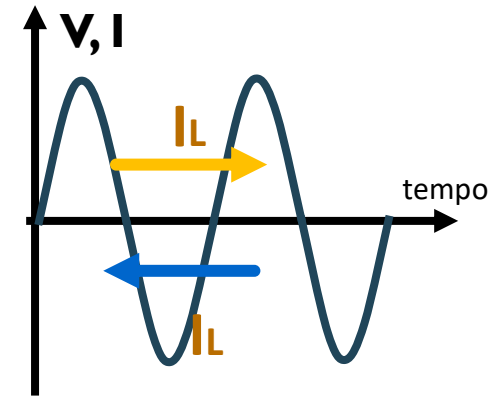
## Contínua:

único sentido da corrente na carga.



## Alternada:

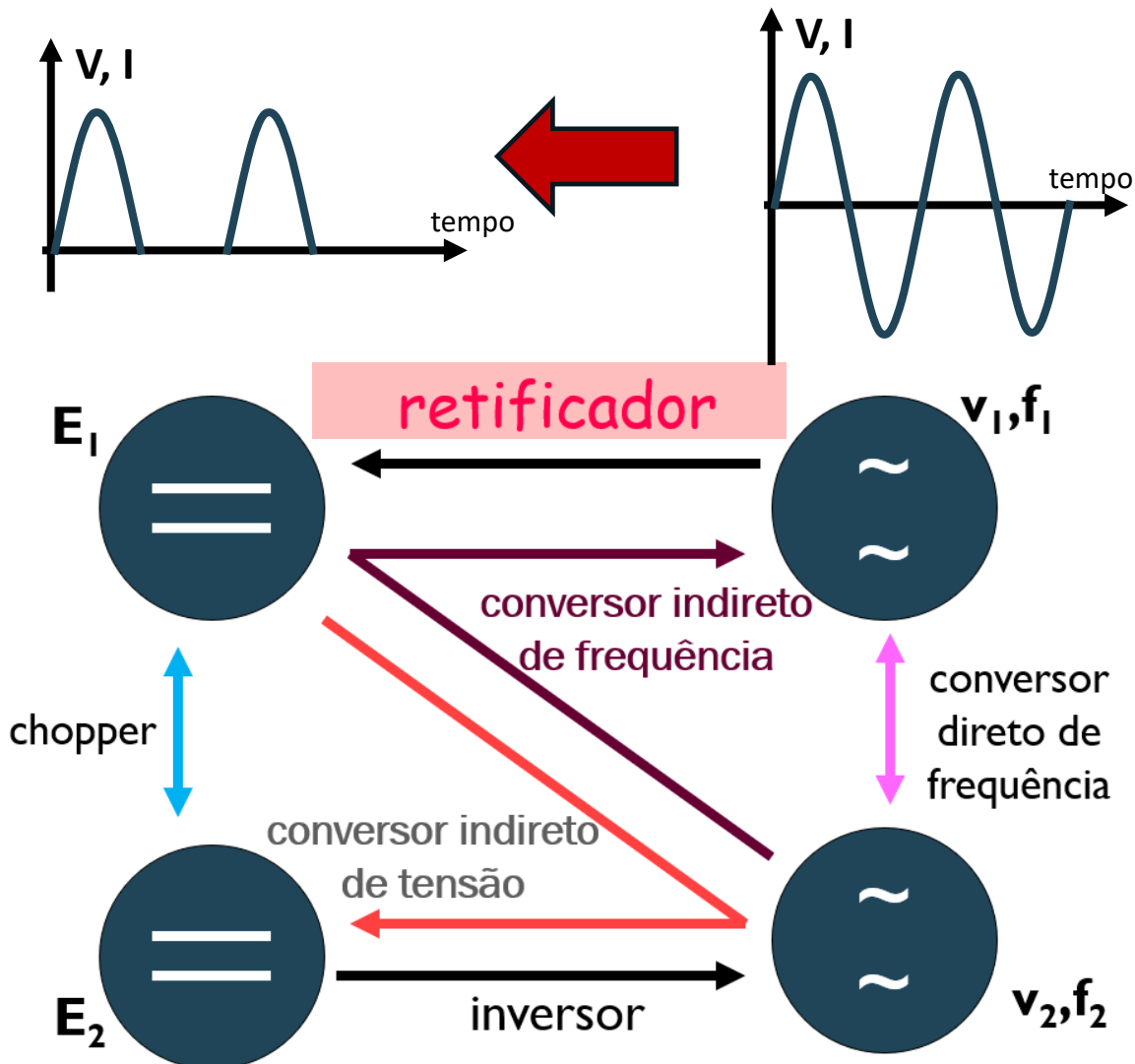
há mudança no sentido da corrente na carga.



# Revisão: conversor estático CA em CC = retificador meia onda

Conversor Estático: tratamento eletrônico da energia elétrica

Retificador meia  
onda = RMO  
(aula passada)



# Revisão: considerações sobre interpretação valor notável CA

Placa de identificação do equipamento CA: valor eficaz



**Valor eficaz (rms):**  
VALOR DE UMA  
TENSÃO VARIÁVEL  
QUE PRODUZ O  
MESMO TRABALHO  
QUE UMA TENSÃO  
CONTÍNUA 'PURA'

$$\sqrt{\frac{1}{T} \int_0^T (y(t))^2 dt}$$

MD TRUE RMS: mede corretamente o valor eficaz grandezas elétricas variáveis.



MD **NÃO** TRUE RMS: mede corretamente o valor eficaz **somente** da forma senoidal.

# Revisão: seleção da escala do MD quando é AC e, quando é DC

Valor Eficaz:  $\sqrt{\frac{1}{T} \int_0^T (y(t))^2 dt}$



Quando conectado em	Valor notável indicado
CC	Médio (DC)
CA	Eficaz (RMS)

Valor Médio:  $\frac{1}{T} \int_0^T y(t) dt$



MD **TRUE RMS**: o valor informado corresponde ao valor eficaz da grandeza medida para qualquer forma de onda medida;  
 MD **NÃO TRUE RMS**: o valor correto somente para SENOIDAL.

Leitura do MD selecionado em CC, indica o valor médio das formas de onda.



Para uma CA periódica o valor médio indicado por um instrumento na escala DC é **zero**.

# Exercício - meia onda

Um circuito retificador monofásico de **meia onda** emprega um transformador de 127 V / 12 V que alimenta uma carga de  $200 \Omega$ . Admitir o diodo ideal. Pede-se:

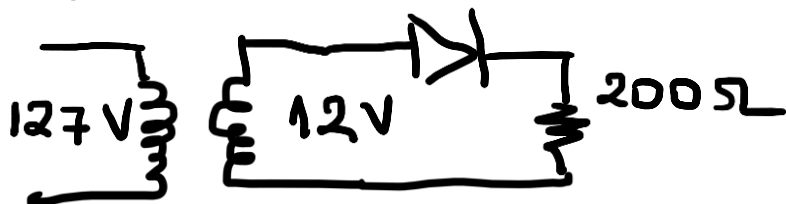
- Desenhar o circuito em questão para o retificador:
- Determinar o valor médio da corrente na carga: ( $R: I_{DC} = 27 \text{ mA}$ )
- A especificação da TPI do diodo: ( $R: V_{PIV} > 17 \text{ V}$ )

TABELA RESUMO: retificadores (sem a etapa de filtro e regulação)

Parâmetro	Circuito Comparado		
	Meia Onda	Meia Onda com Diodo	Ponte
Número de diodos	1	2	4
Frequência saída	$f_s (P_{frecuencia})$	$2 f_s (P_{frecuencia})$	$2 f_s (P_{frecuencia})$
Tensão média na carga $V_{DC} = V_{LDC}$ (V)	$\frac{V_{max}}{2}$	$\frac{2 V_{max}}{2}$	$\frac{2 V_{max}}{2}$
Tensão eficaz na carga $V_{RMS} = V_L$ (V)	$\frac{V_{max}}{2}$	$\frac{V_{max}}{2}$	$\frac{V_{max}}{2}$
Máxima tensão reversa TPR = $V_{PIV}$ (V)	$V_{max}$	$2 V_{max}$	$V_{max}$
Fator de ondulação [%]	$\approx 120$	$\approx 48$	$\approx 48$
Capacidade da potência aparente do transformador em relação à potência contínua na carga [VA]	$3,49 P_{DC}$ primário e secundário	$1,23 P_{DC}$ primário e secundário	$1,23 P_{DC}$ primário e secundário
Eficiência [%]	68,5	80,9	80,9

Retificação Monofásica 2

a)  $\frac{1}{2}$  onda



b)  $I_{DC}$  depende  $V_{DC}$

$$V_{DC \frac{1}{2}} = (V_{max}) (0,318)$$

$$V_{DC \frac{1}{2}} = (12 \cdot \sqrt{2}) (0,318)$$

$$V_{DC} = (12 \cdot \sqrt{2}) (0,318)$$

$$V_{DC} = 5,4 \text{ V}$$

$$I_{DC} = \frac{5,4}{200} = 27 \text{ mA}$$

$$e) TPI = PIV = TPR$$

$$TPI > V_{max}$$

$$TPI > 12 \cdot \sqrt{2}$$

$$TPI > 17 \text{ V}$$

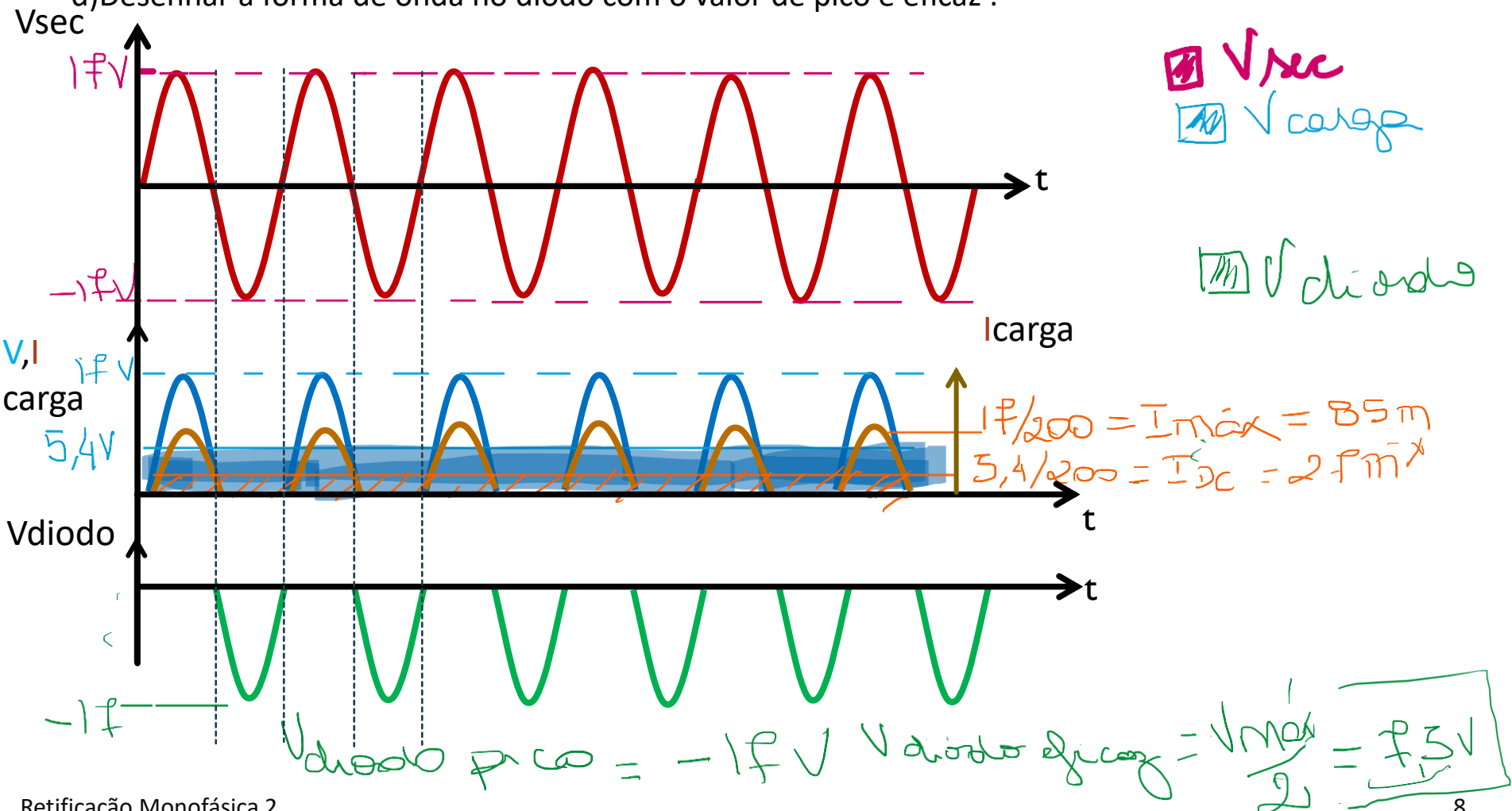


# Exercício - meia onda

Parâmetro	Meia Onda	Meia Onda com Filtro	Meia Onda com Filtro
Relação de transformação	1	2	2
Frequência de saída	$f$	$f$	$f$
Tensão média na carga $V_{carga}$	$\frac{V_m}{\pi}$	$\frac{V_m}{2}$	$\frac{V_m}{2}$
Tensão eficaz na carga $V_{carga}$	$\frac{V_m}{2}$	$\frac{V_m}{2}$	$\frac{V_m}{2}$
Corrente média na carga $I_{carga}$	$\frac{I_m}{\pi}$	$\frac{I_m}{2}$	$\frac{I_m}{2}$
Corrente eficaz na carga $I_{carga}$	$\frac{I_m}{2}$	$\frac{I_m}{2}$	$\frac{I_m}{2}$
Relação de transformação	1	2	2
Capacidade de potência aparente da fonte $P_{app}$	$1,21 P_m$	$1,21 P_m$	$1,21 P_m$
Capacidade de potência aparente da carga $P_{app}$	$1,21 P_m$	$1,21 P_m$	$1,21 P_m$
Eficiência (%)	88,5	88,5	88,5

Um circuito retificador monofásico de meia onda emprega um transformador de 127 V / 12 V que alimenta uma carga de  $200 \Omega$ . Admitir o diodo ideal. Pede-se:

- c) Desenhar a forma de onda da tensão e corrente na carga informando os valores de pico e eficaz;
- d) Desenhar a forma de onda no diodo com o valor de pico e eficaz :





## Exercício - valores notáveis

Um sinal **senoidal de tensão** apresenta o seguinte comportamento:

$$V(t) = 178.\text{sen}(2.\pi.100.t)$$

- a) Qual a amplitude (Tensão de pico) da forma de onda?
- b) Qual a frequência?
- c) Qual o período?
- d) Qual o valor médio?
- e) Qual o valor eficaz (RMS)?

a)  $178 \text{ V}$

b)  $\omega t = 2\pi f t = 2\pi \cdot 100 t$   
 $\omega = 100\pi$

$\omega = 100 \cdot \pi$

$2\pi f = 100\pi$

$f = 15,915 \text{ Hz}$

c)  $T = \frac{1}{f} = \frac{1}{15,9} = 62,83 \text{ ms}$

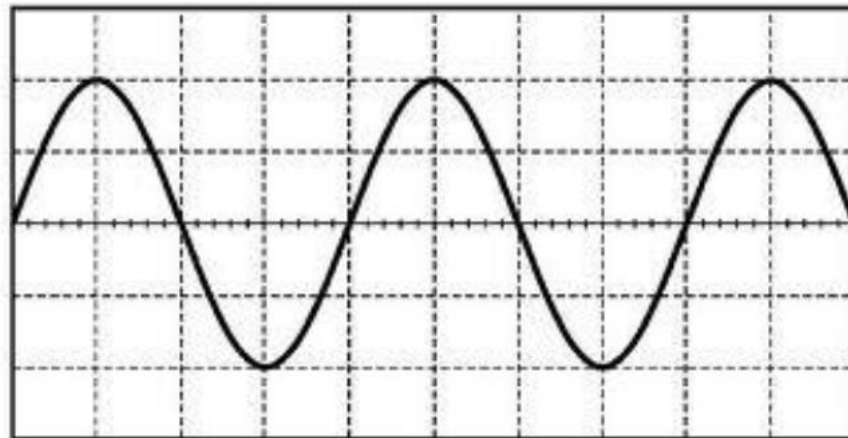
d)  $V_{DC} = 0$

e)  $V_{RMS} = 178 / \sqrt{2}$

$V_{RMS} = 125,87 \text{ V}$

# Exercício

O sinal abaixo foi obtido através de um osciloscópio, que estava ajustado na escala vertical para 5V/div. e escala horizontal de 0,5ms/div.



a) Qual a amplitude (Tensão de pico) da forma de onda?

b) Qual o período?

c) Calcule a frequência?

d) Qual o valor médio?

e) Qual o valor eficaz (RMS)?

$$b) \text{ Período} = 4 \text{ div} \cdot \frac{0,5 \text{ ms}}{\text{div}} = 2 \text{ ms}$$

$$c) f = \frac{1}{T} = 500 \text{ Hz}$$

$$d) V_{\text{med}} = 0$$

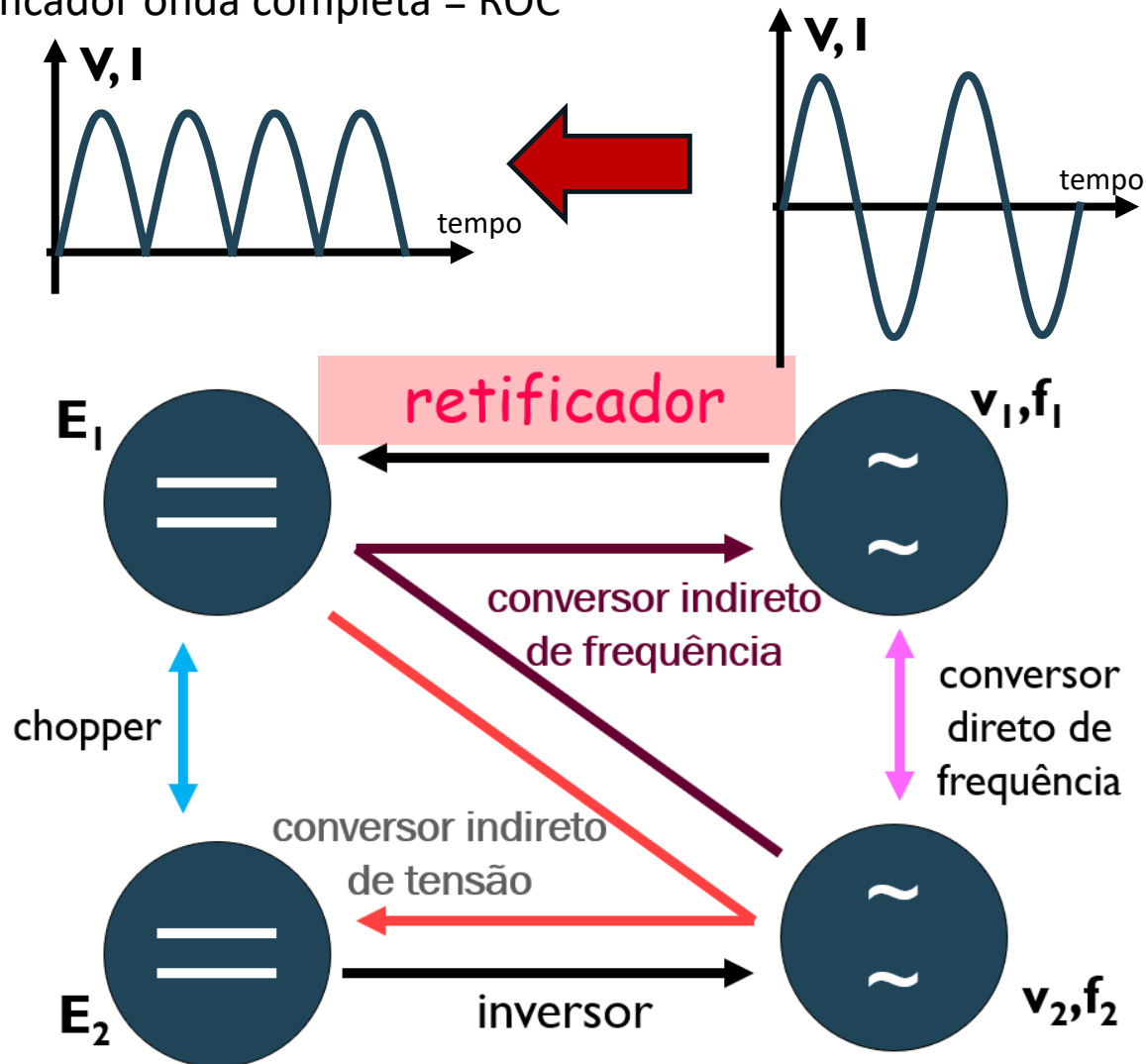
$$e) V_{\text{ef}} = \frac{10}{\sqrt{2}} = 7,07 \text{ V}$$

$$a) 2 \text{ div} \times \frac{5 \text{ V}}{\text{div}} = 10 \text{ V}$$

# Conversor estático CA em CC= retificador de onda completa

Conversor Estático: tratamento eletrônico da energia elétrica

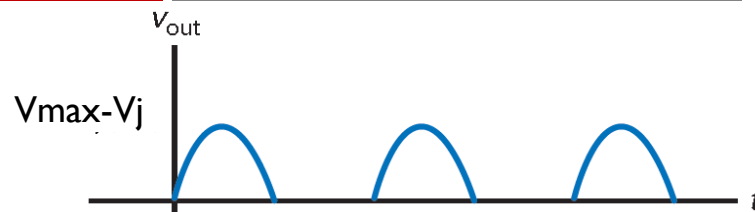
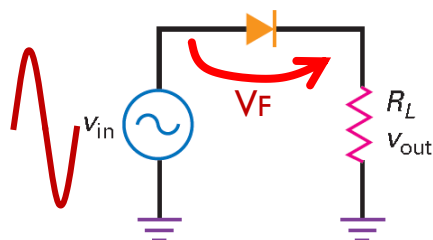
Retificador onda completa = ROC



# Tipos de retificadores monofásicos: diodo modelo simplificado

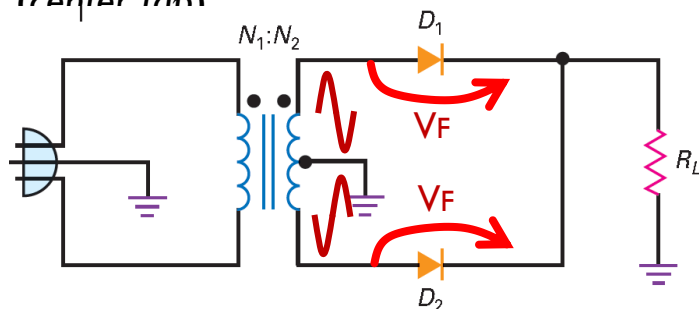
MEIA  
ONDA

RMO



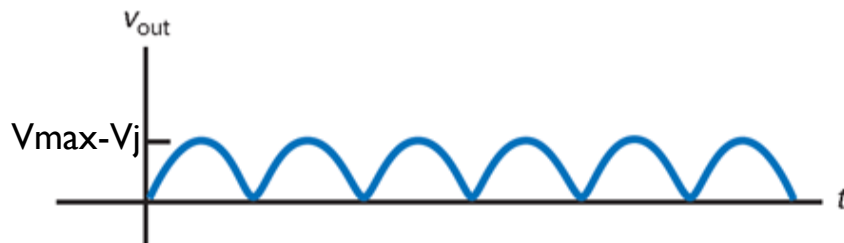
$$V_{RL} = V_{medio} = V_{DC} = (V_{max} - V_F) \cdot 0,318$$

Tape central ou duplo de meia onda  
(center tap)



TAPE CENTRAL

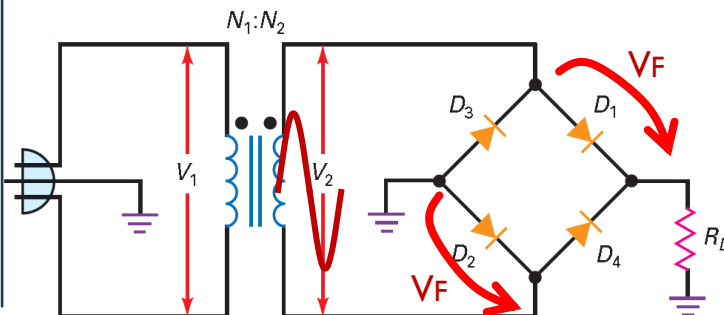
$$V_{RL} = V_{medio} = V_{DC} = (V_{max} - V_F) \cdot 0,636$$



ONDA  
COMPLETA

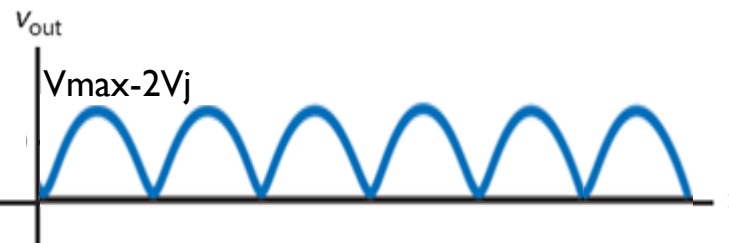
ROC

Em ponte

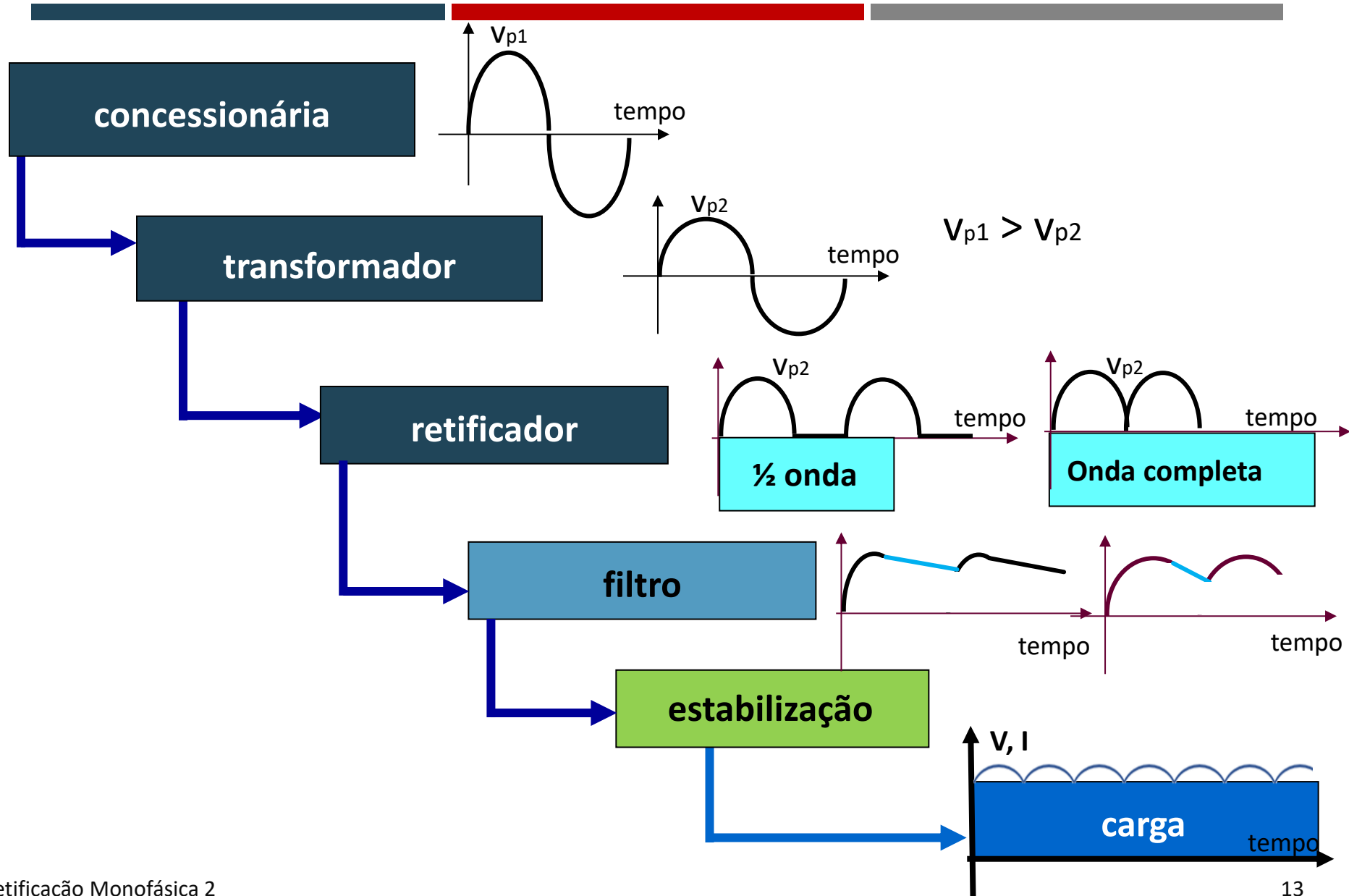


PONTE

$$V_{RL} = V_{medio} = V_{DC} = (V_{max} - 2V_F) \cdot 0,636$$



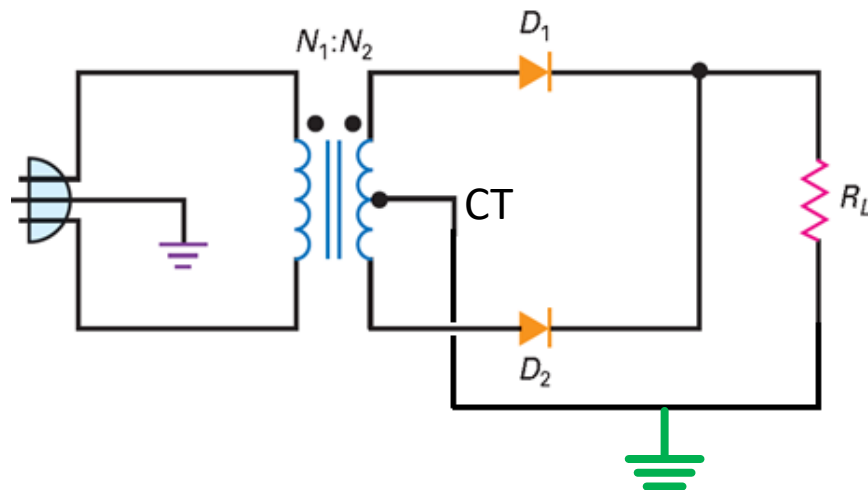
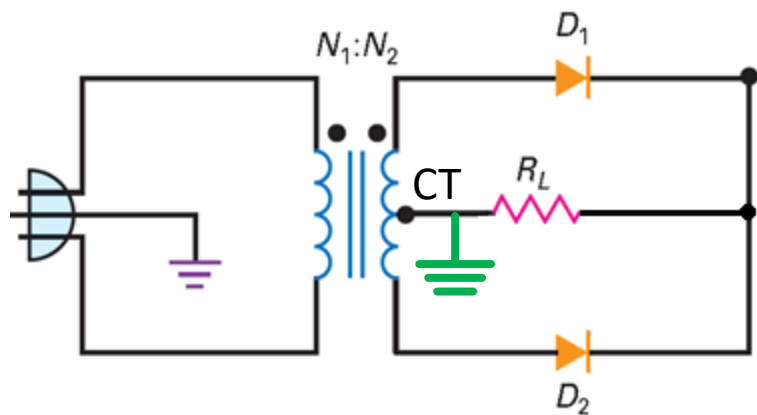
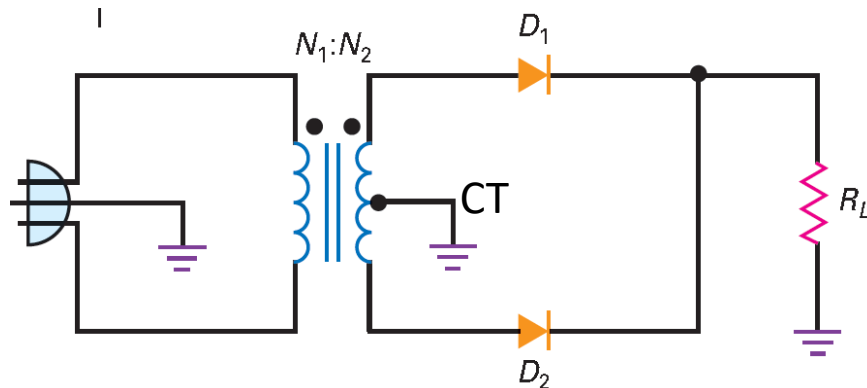
# Revisão: estrutura básica de um retificador



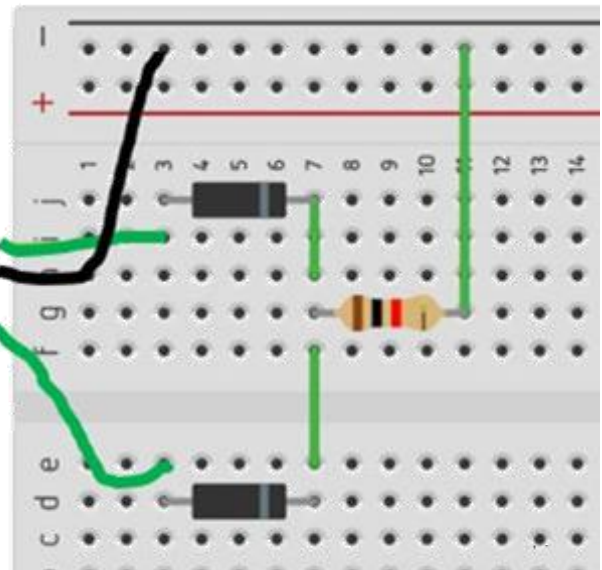
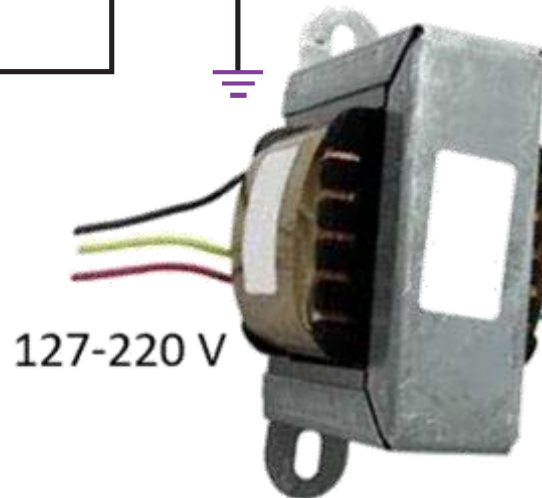
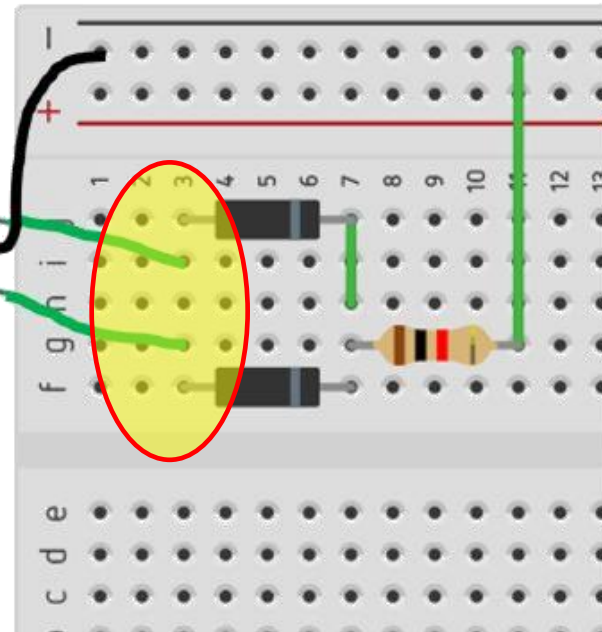
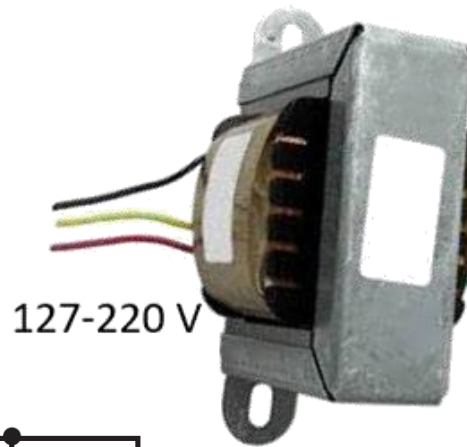
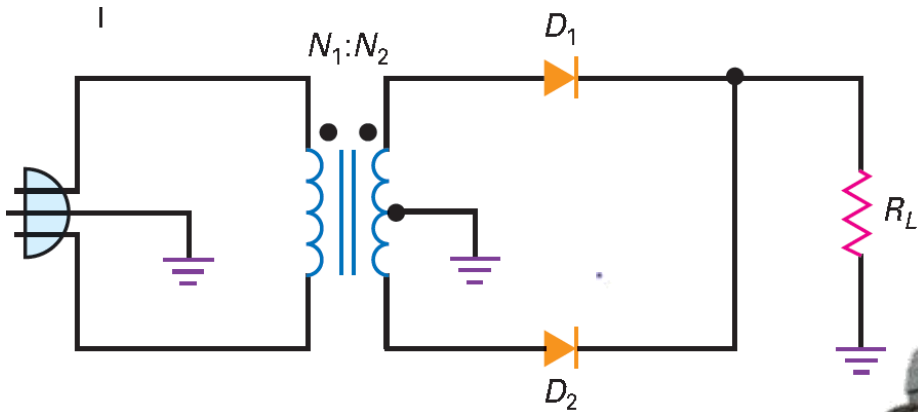
# Configuração retificador 1φ onda completa **tape central**

Também denominado como center tape, duplo de meia onda.

Faz uso do transformador com um terceiro terminal no lado secundário denominado de tape central. Ex.: 127 V/15 V+15 V ou /2x15 V, 127-220 V/9 V+9 V ou /2x9 V



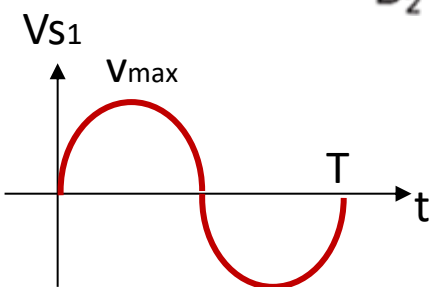
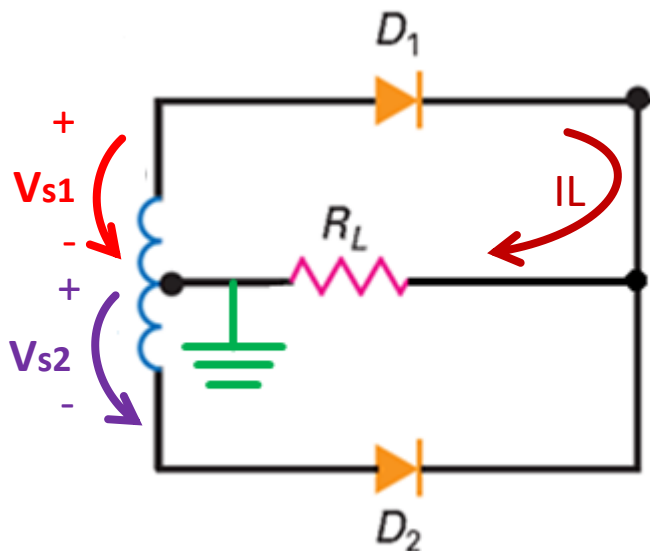
# Conexão tape central no laboratório: evitar queima do transformador



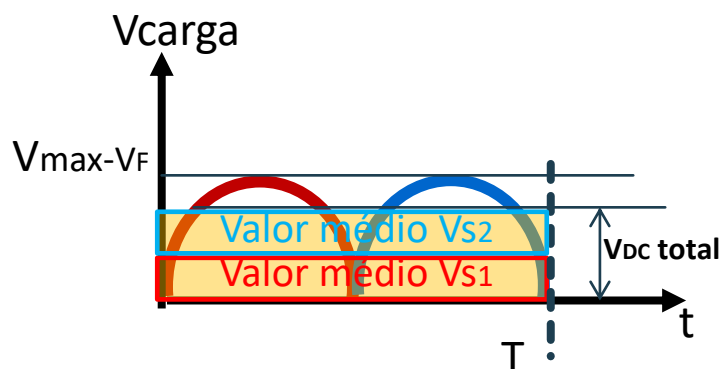
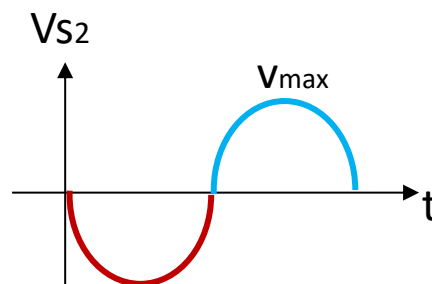
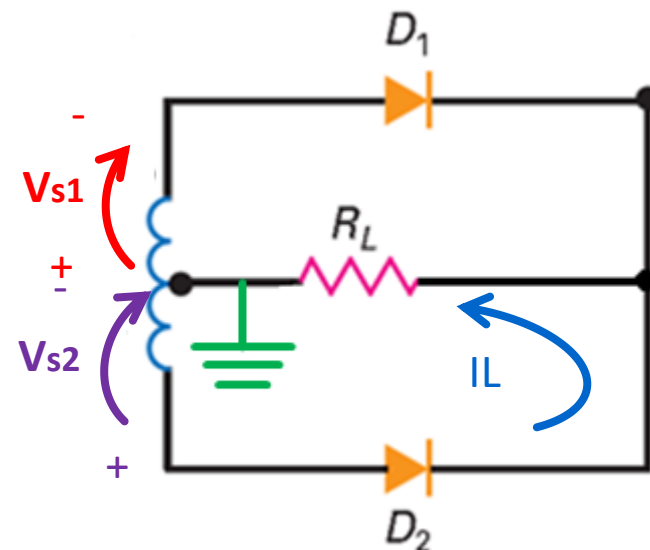


# Retificador 1 $\phi$ onda completa: tape central

✓ SEMICICLO POSITIVO DA SENOIDE

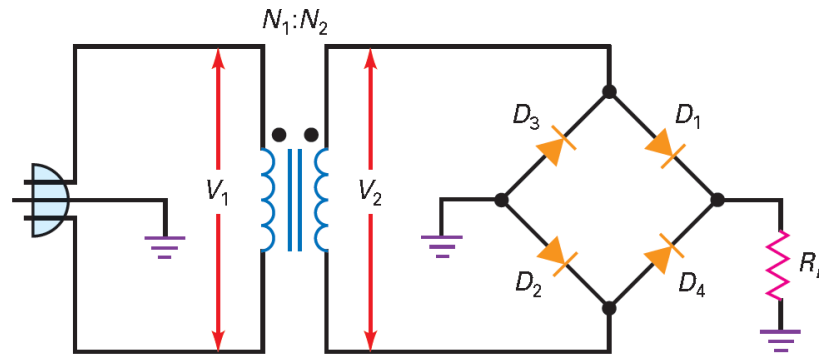


✓ SEMICICLO NEGATIVO DA SENOIDE

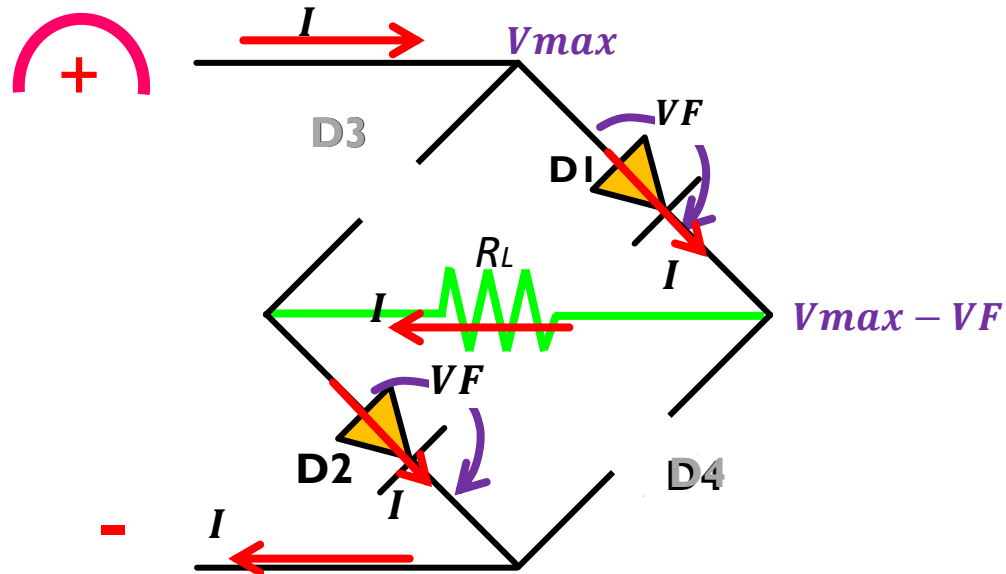


Corrente circula na carga  $R_L$  em apenas um único sentido

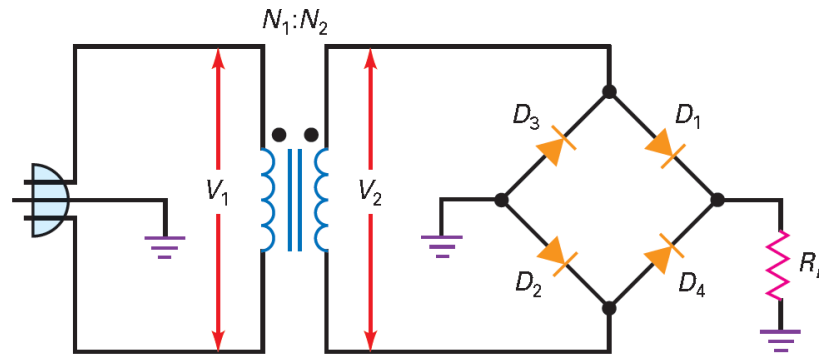
# Retificador 1 $\phi$ onda completa: em ponte



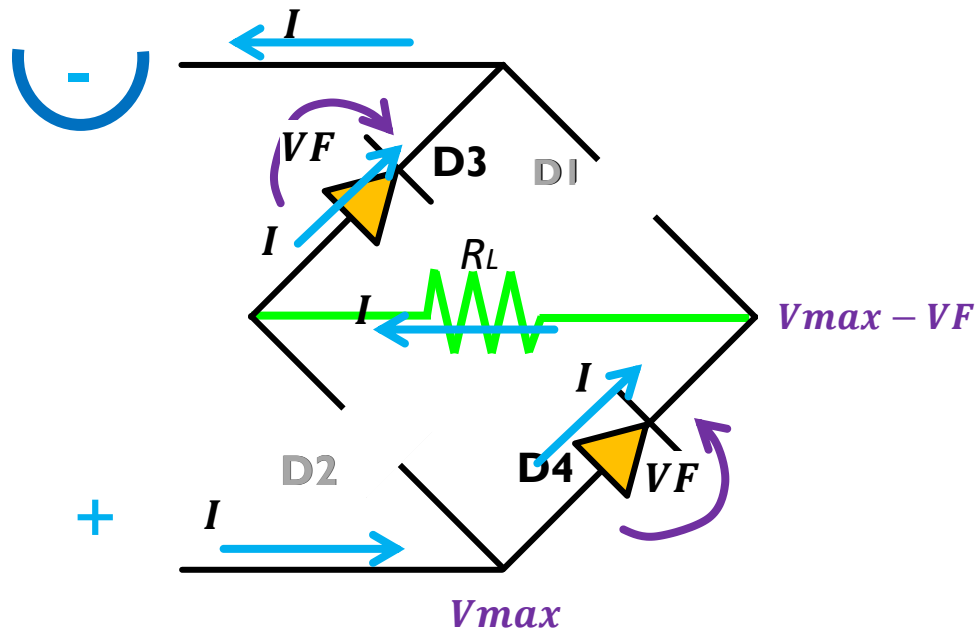
✓ SEMICICLO POSITIVO DA SENOIDE



# Retificador 1 $\phi$ onda completa: em ponte

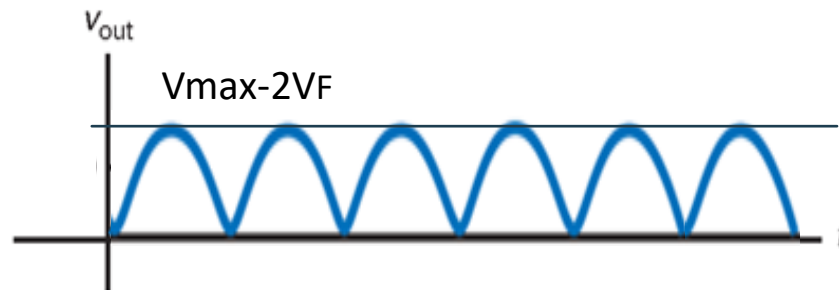
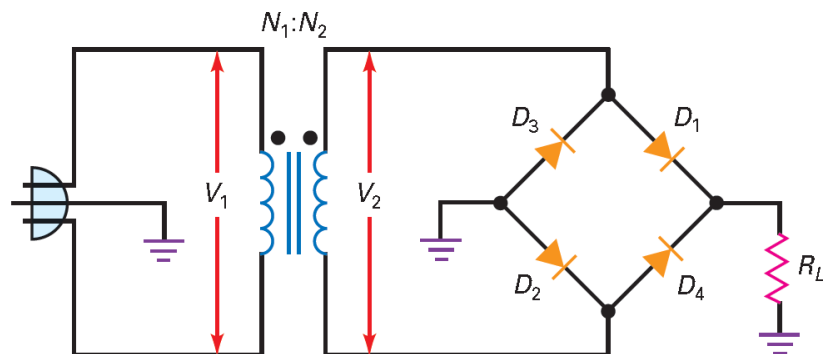


✓ SEMICICLO NEGATIVO DA SENOIDE



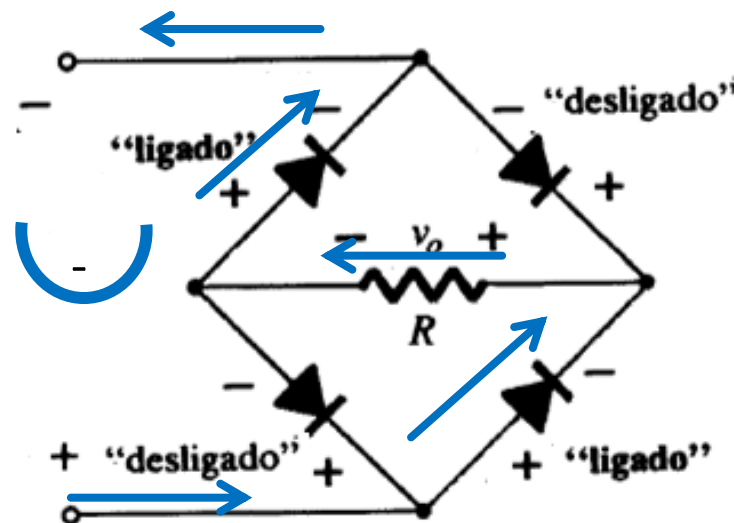
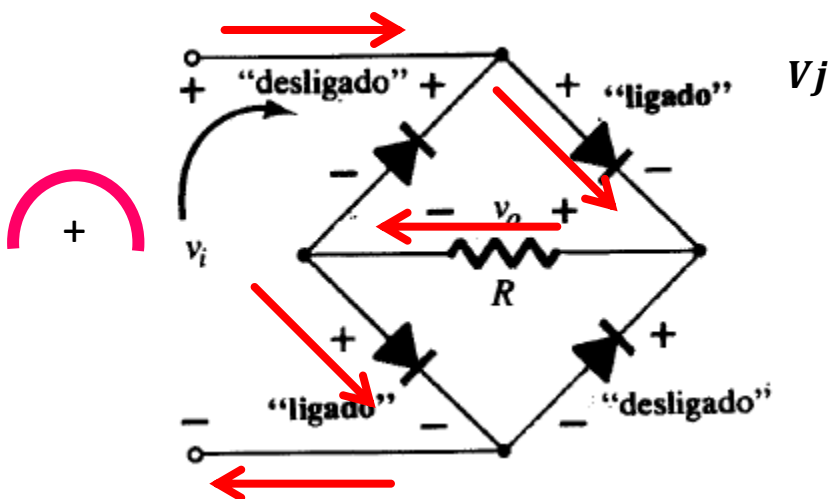
Corrente circula em apenas um único sentido

# Resumo: sentido das correntes retificador em ponte



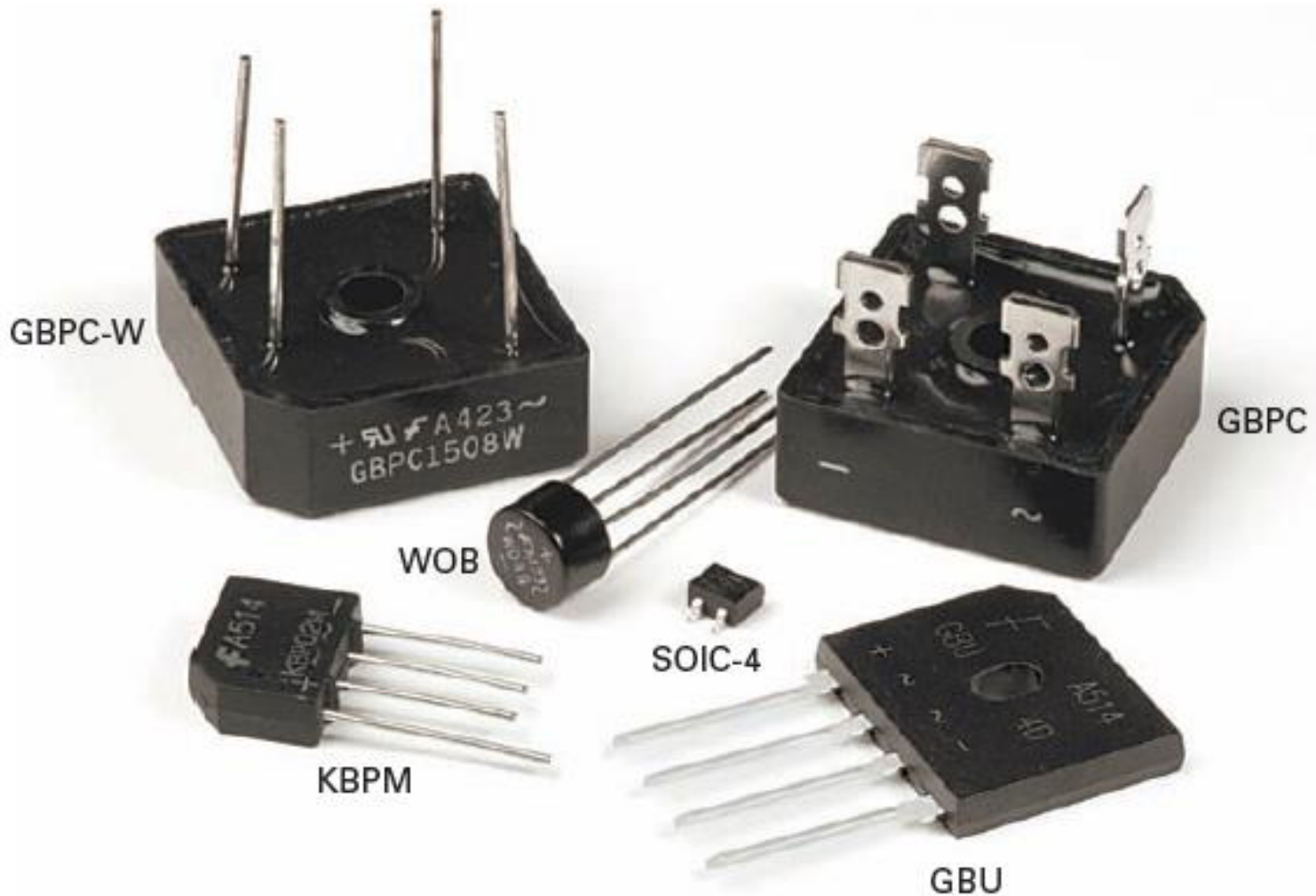
✓ SEMICICLO POSITIVO DA SENOIDE

✓ SEMICICLO NEGATIVO DA SENOIDE



Corrente circula em apenas um único sentido

# Retificador em ponte encapsulados

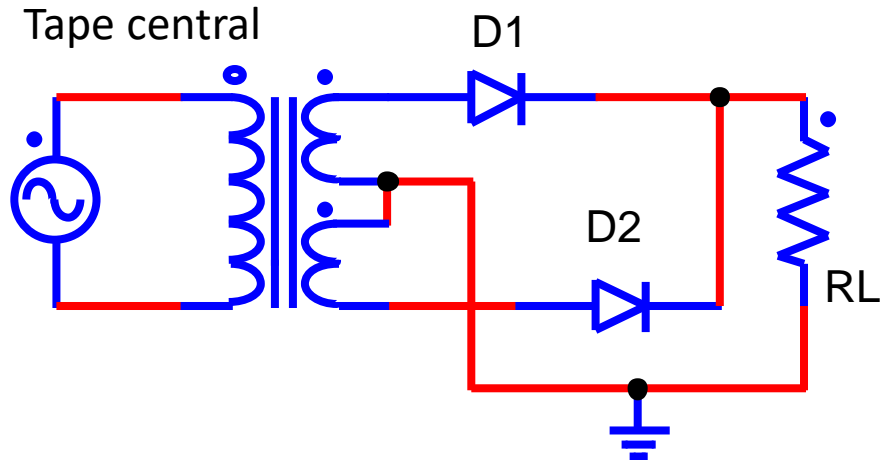


(e)

© Brian Moeskau/Brian Moeskau Photography

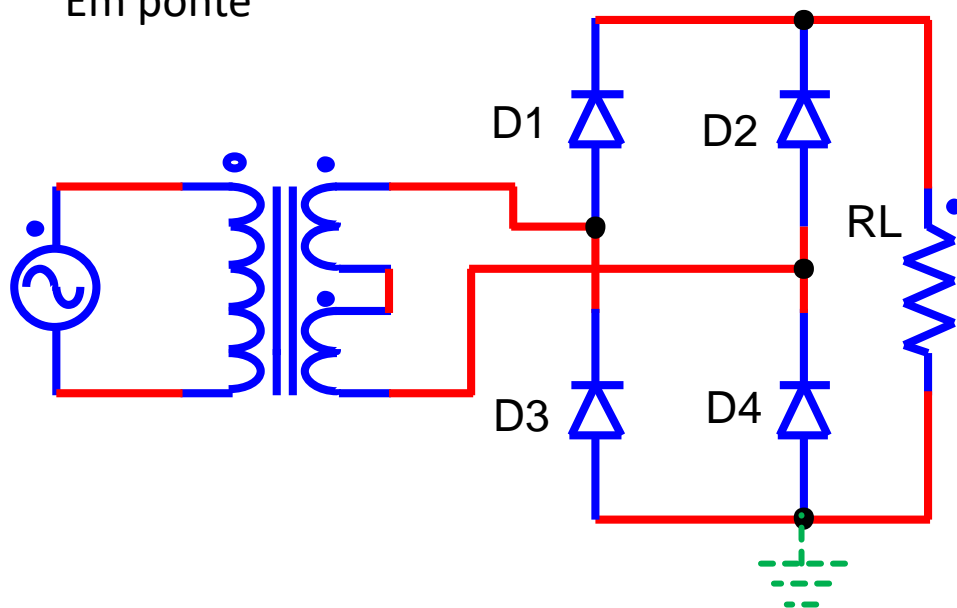
## Referência=GND → tape central e ponte

Tape central



Esta topologia provê um terminal de referência físico-elétrico que para esse formato de conexão é o potencial de 0 V que equivale ao tape central do transformador.

Em ponte



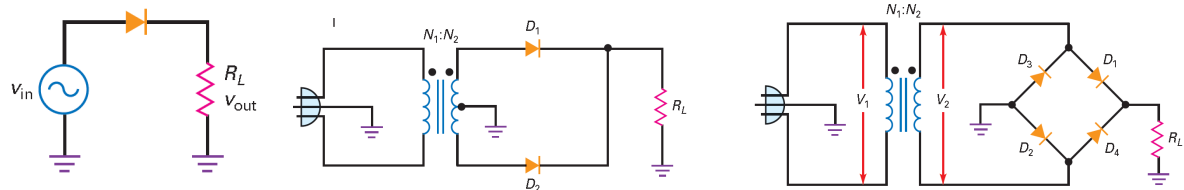
O terminal de referência físico do transformador, o tape central, não é eletricamente usado nesta topologia.

Neste retificador, admite-se que o **GND** coincide com os terminais do anodo de D3 e D4 e, que é diferente do tape central.



Nesta topologia o gnd é criado eletricamente.

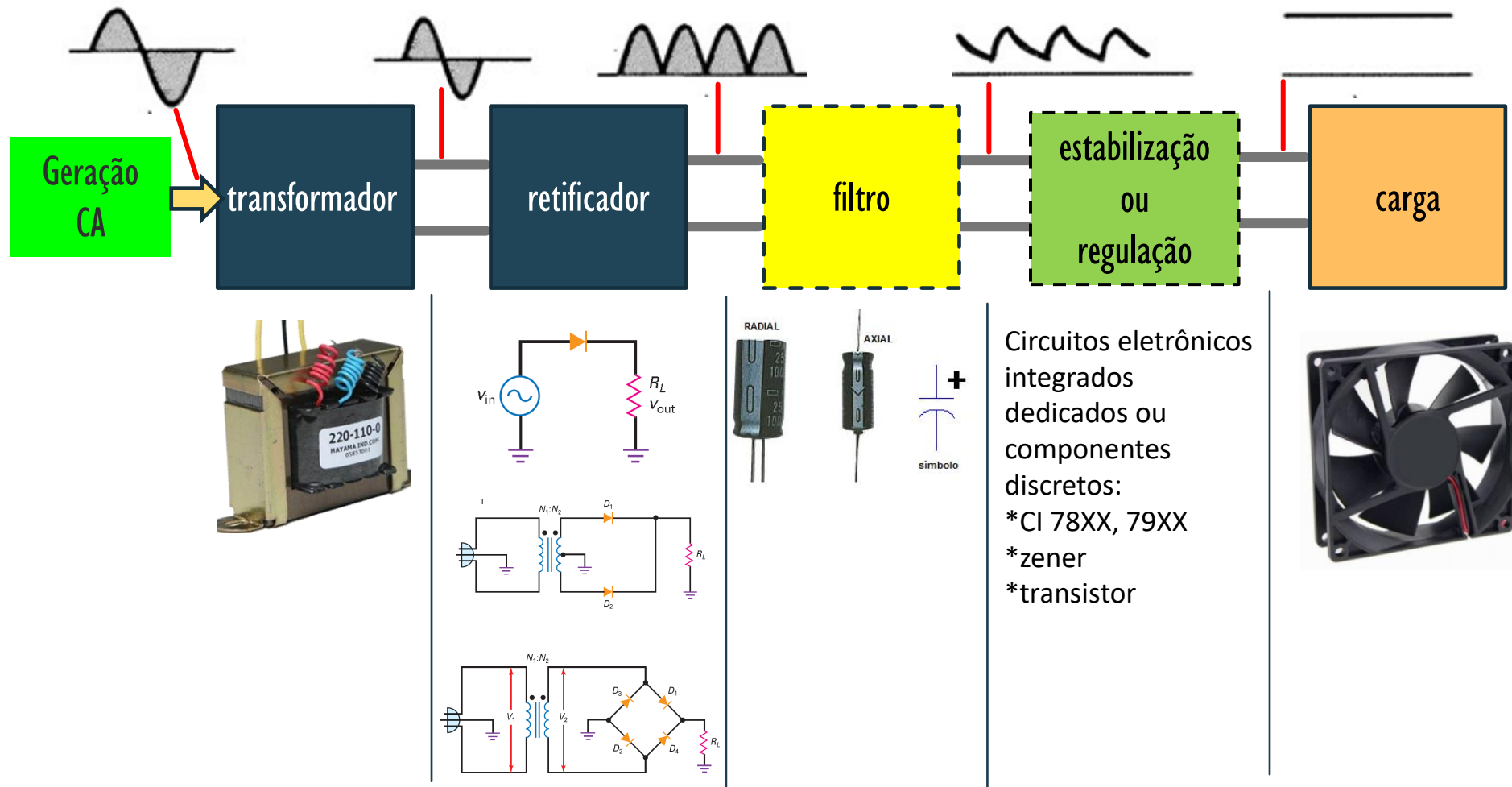
# TABELA RESUMO: retificadores (sem a etapa de filtro e regulação)



Parâmetro	Meia Onda	Onda Completa	
		Tape Central	Ponte
Número diodos	1	2	4
Frequência saída	1. ( $Freq_{entrada}$ )	2. ( $Freq_{entrada}$ )	2. ( $Freq_{entrada}$ )
Tensão média na carga- $V_{DC}=V_{CC}$ [V]	$\frac{(V_{max} - V_F)}{\pi}$	$\frac{2 \cdot (V_{max} - V_F)}{\pi}$	$\frac{2 \cdot (V_{max} - 2V_F)}{\pi}$
Tensão eficaz na carga- $V_{RMS}=V_{EF}$ [V]	$\frac{(V_{max} - V_F)}{2}$	$\frac{(V_{max} - V_F)}{\sqrt{2}}$	$\frac{(V_{max} - 2V_F)}{\sqrt{2}}$
Máxima tensão reversa-TPR=TPI=PIV [V]	$> V_{max}$	$> 2 \cdot V_{max}$	$> V_{max}$
Ripple-fator de ondulação [%]	$\approx 120$	$\approx 48$	$\approx 48$
Capacidade de potência aparente do transformador em relação à potência contínua na carga [VA]	3,49 $P_{DC}$ primário e secundário	1,23 $P_{DC}$ primário 1,75 $P_{DC}$ secundário	1,23 $P_{DC}$ primário e secundário
Eficiência [%]	40,5	80,9	80,9



# Diagrama em blocos de uma fonte de alimentação linear

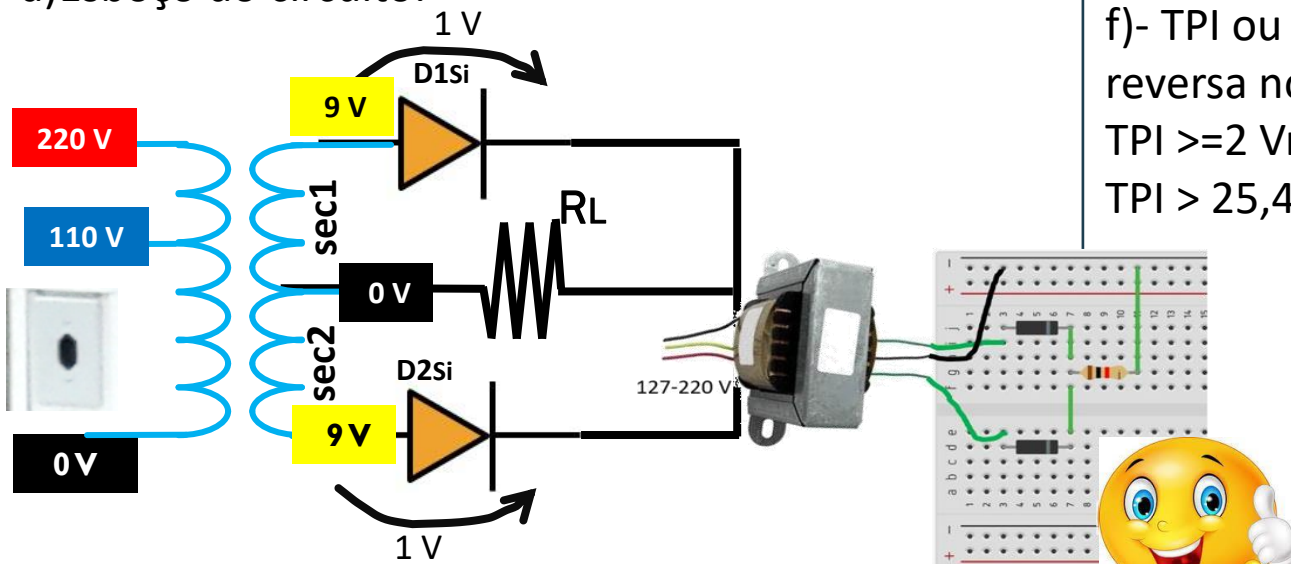


# Exercício 1- onda completa–tape central=duplo de ½ onda=*center tap*

1) Um circuito retificador monofásico duplo de meia onda emprega um transformador de 110 V/(9+9) V que alimenta uma carga de 1 kΩ. Admitir o diodo simplificado,  $V_F = 1$  V. Pede-se:

- a) Desenhar o circuito em questão
- b) Desenhar a forma e valores no sec1 e sec2
- c) Desenhar a forma e valores na carga  $V_{dc}$  e  $I_{dc}$ :
- d) Desenhar a forma de onda e valores no(s) diodo(s):
- e) Determinar a corrente média na carga
- f) A especificação da TPI do(s) diodo(s)

a) Esboço do circuito:



e) Tensão e corrente média na carga:

$$V_{RL} = V_{\text{medio}} = V_{DC} = (V_{\text{max}} - V_F) \cdot 0,636$$

$$V_{\text{max}} = (9 \cdot \sqrt{2}) = 12,73 \text{ V}$$

$$V_{dc} = (12,73 - 1) \cdot 0,636 = 7,46 \text{ Vdc}$$

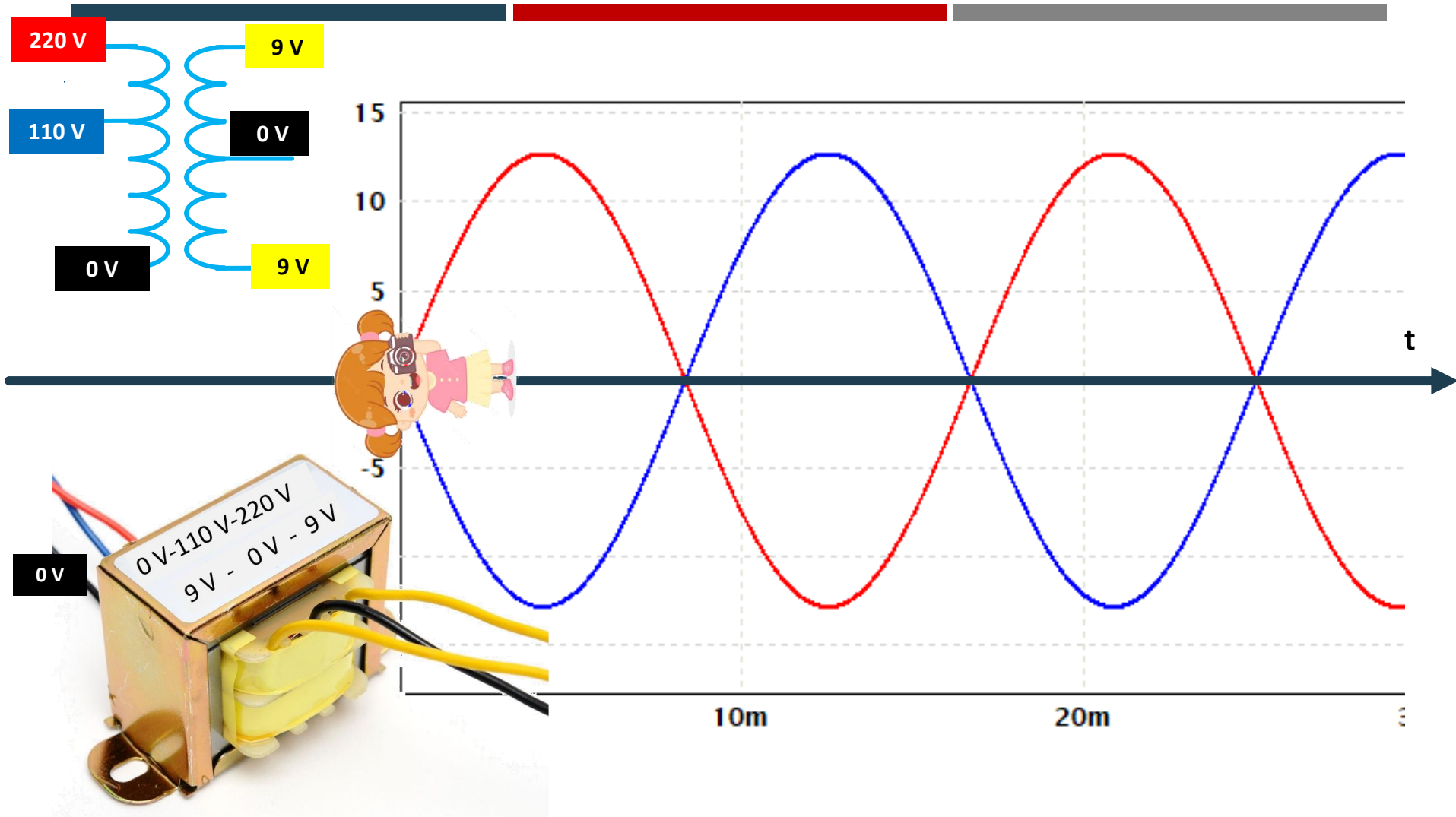
$$I_{dc} = V_{dc} / R_L = 7,46 / 1000 = 7,46 \text{ mA}$$

f)- TPI ou PIV ou TPR: máxima tensão reversa no diodo:

$$TPI \geq 2 V_{\text{max}} = 2(12,73)$$

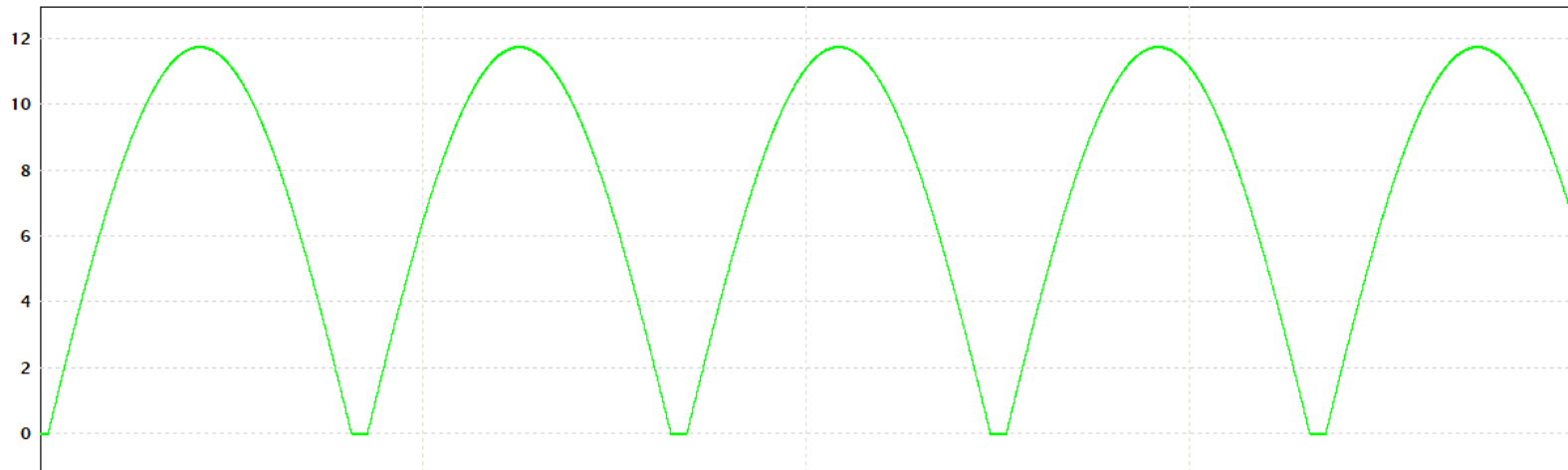
$$TPI > 25,46 \text{ V}$$

## Exercício : b)forma onda no Sec1 e Sec2



## Exercício c) Desenhar a forma e valores de onda na carga: Vdc e Idc

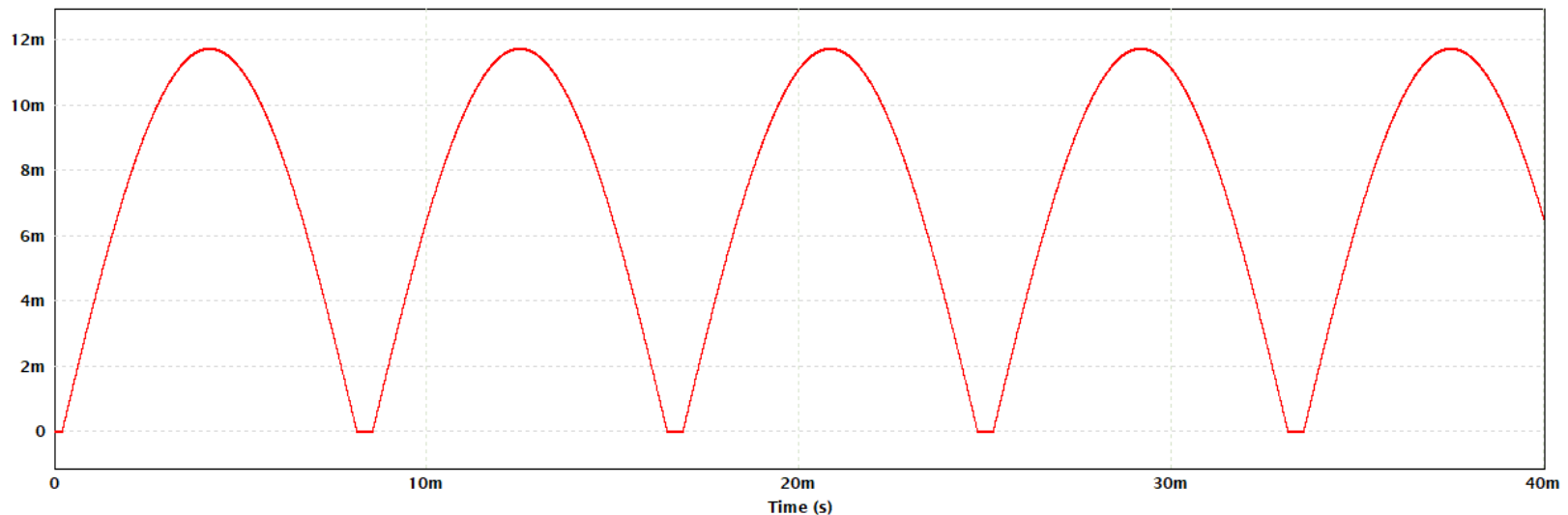
VRL



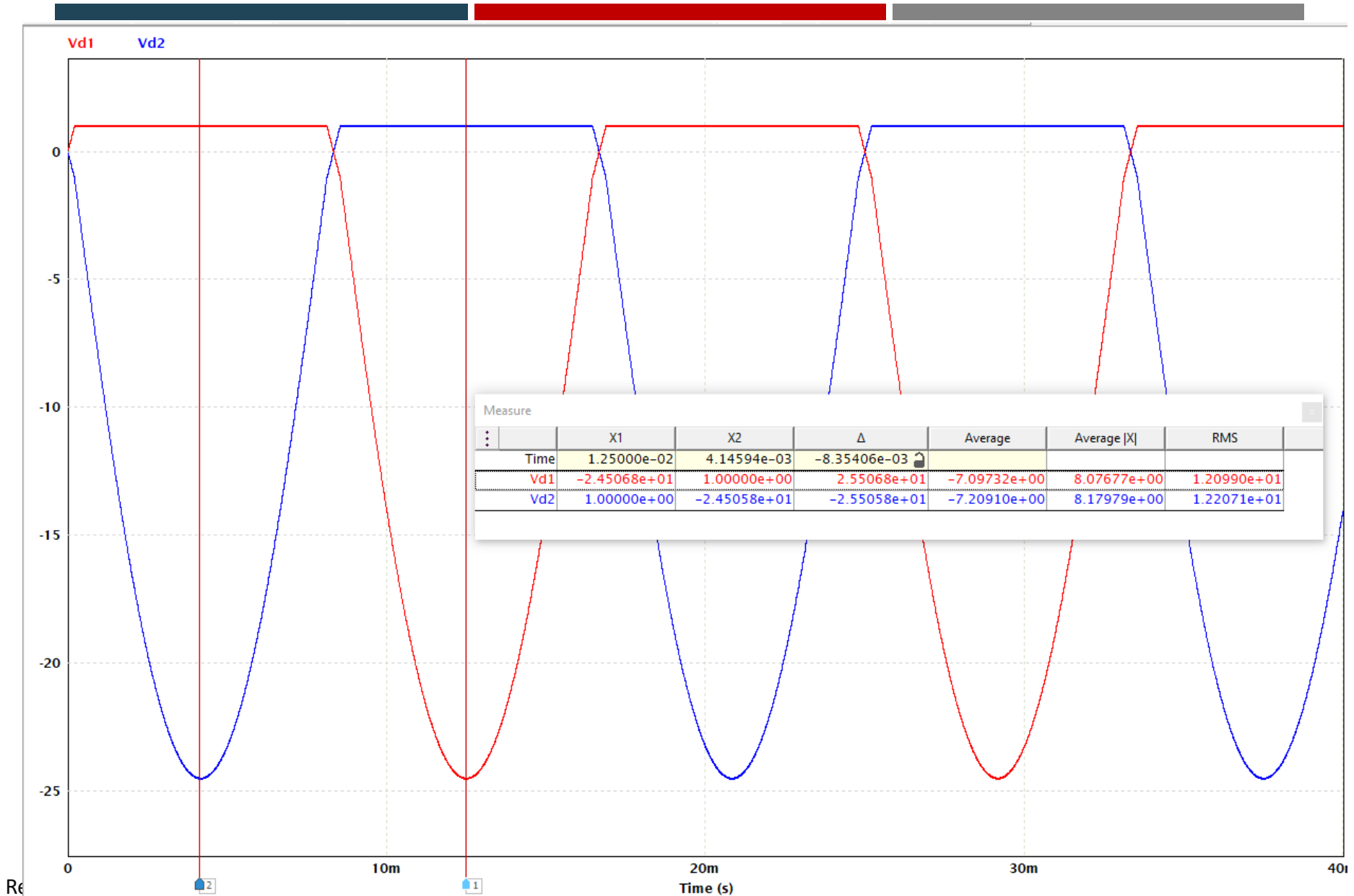
Measure

	X1	X2	$\Delta$	Average	Average  X	RMS
Time	8.00000e-03	3.20000e-02	2.40000e-02			
VRL	5.98289e-01	5.14399e+00	4.54570e+00	7.32013e+00	7.32013e+00	8.27017e+00
IRL	5.98289e-04	5.14399e-03	4.54570e-03	7.32013e-03	7.32013e-03	8.27017e-03

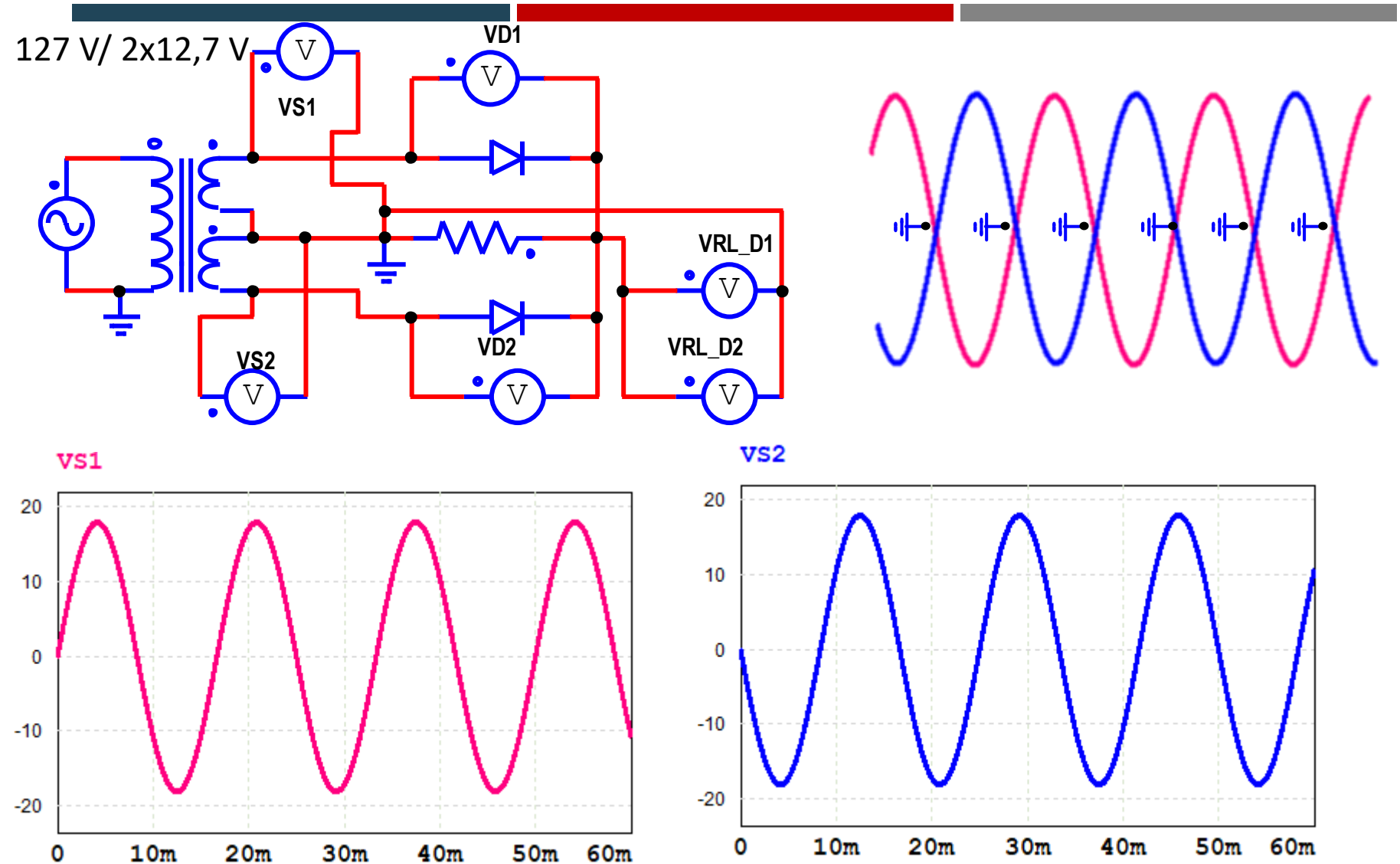
IRL



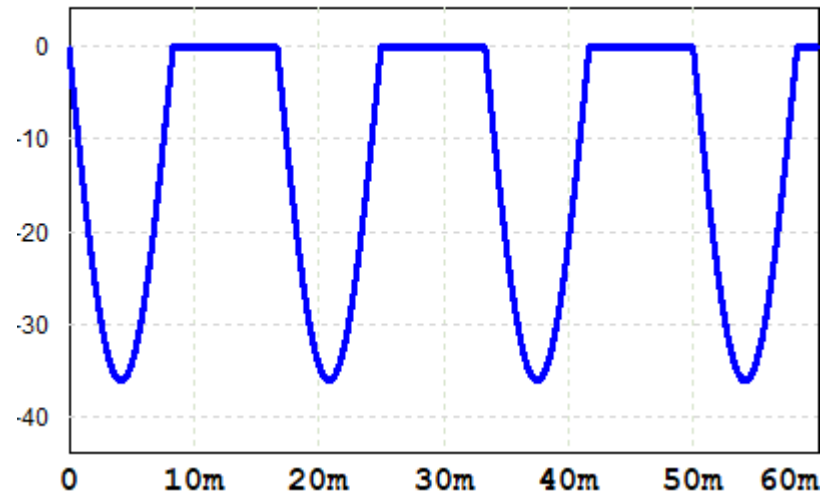
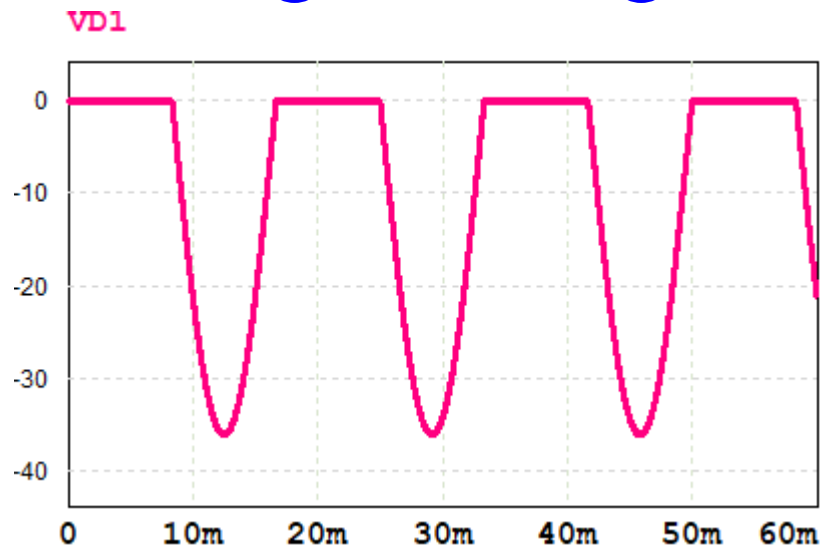
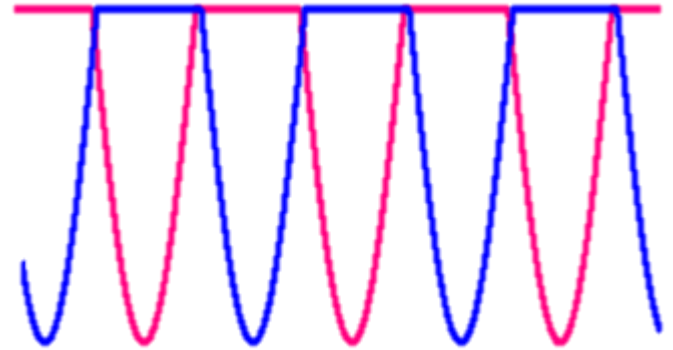
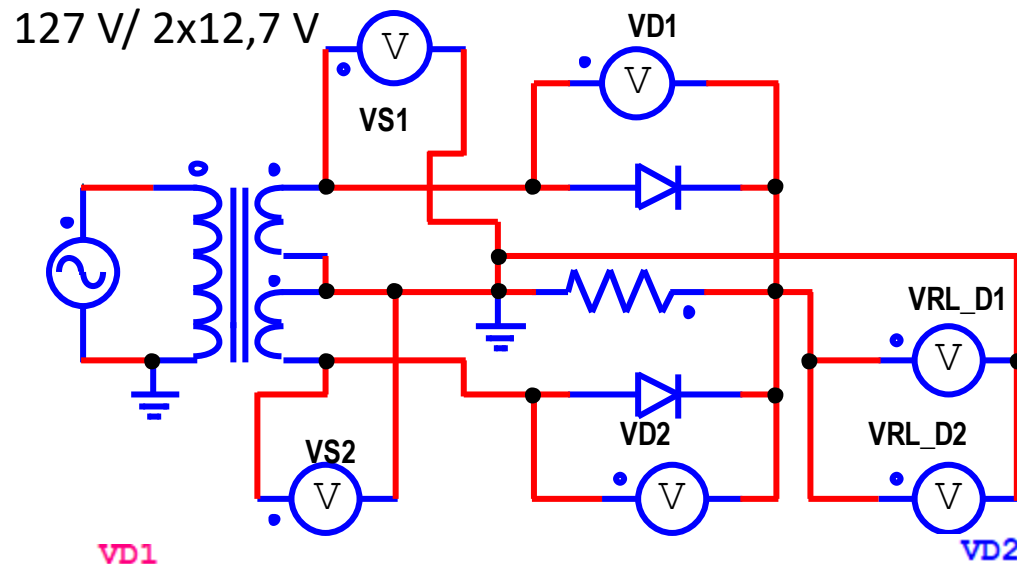
## Exercício d)Desenhar a forma de onda e valores no(s) diodo(s):



# Exercício: esboce formas de onda

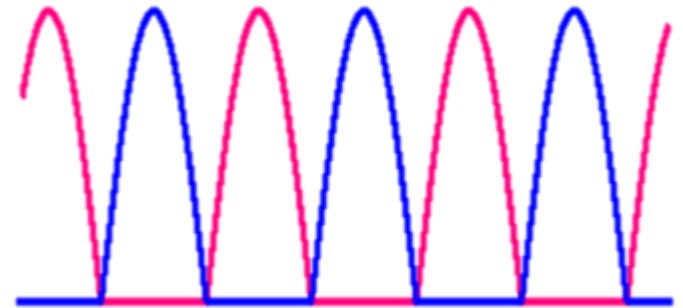
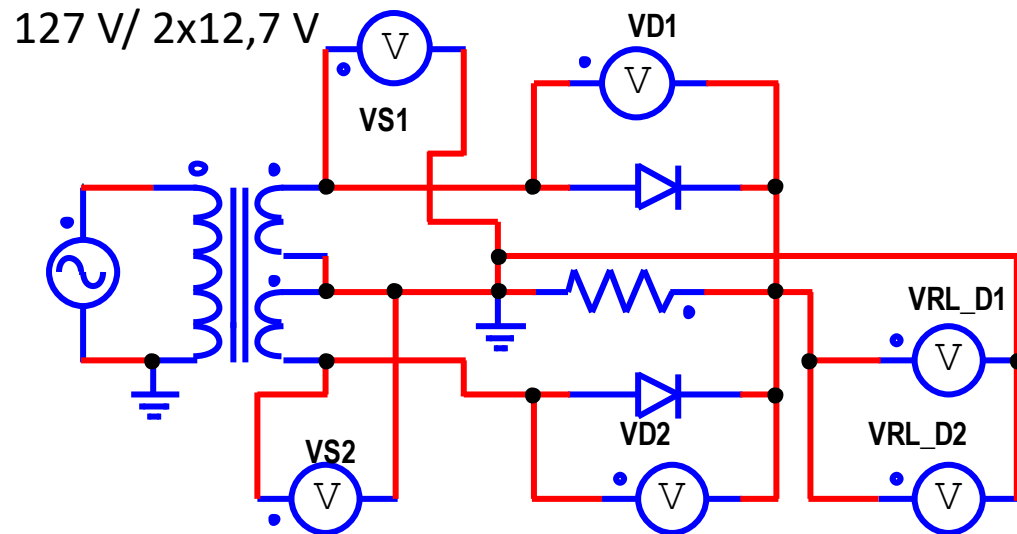


# Exercício: esboce formas de onda

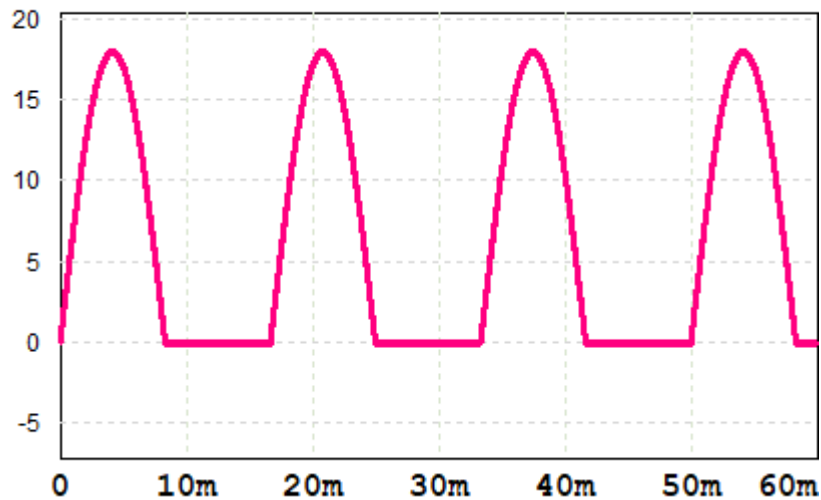




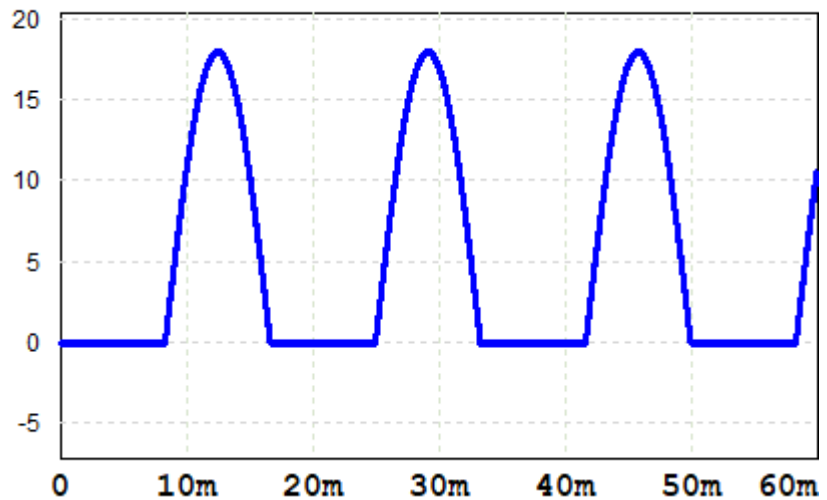
# Exercício: esboce formas de onda



VRL\_D1



VRL\_D2



## Exercício 2 onda completa – em ponte

2) Repita o exercício anterior porém admitindo retificador em ponte.  
Transformador de 127 V/(15+15)V  $V_F = 1$  V.

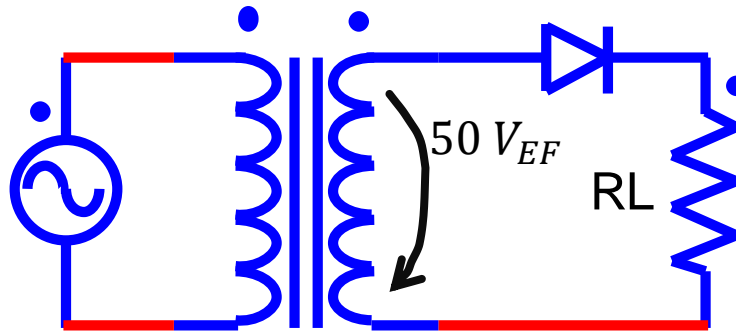
- a) Desenhar o circuito em questão
- b) Desenhar a forma e valores de onda na carga:
- c) Desenhar a forma de onda e valores no(s) diodo(s):
- d) Determinar a corrente média na carga (=26,1 mA)
- e) A especificação da TPI do(s) diodo(s) (> 42,42 V)

Para visualizar as formas de onda, vá até a página da disciplina, na aba [Simulações PSIM & LTspice](#) e use o exemplo que está lá para simular este exercício. Use o circuito superior e faça os ajustes necessários no transformador, diodos e carga.

## Eficiência do retificador de meia onda (diodo ideal)

$$\text{Eficiência (do retificador)} \rightarrow \eta = \frac{P_{DC}}{P_{AC}}$$

Ex1. Calcule a eficiência de um retificador de meia onda puro conectado em 50 Vac e com carga igual a 100  $\Omega$ .



i) Cálculo da Potência média  $\rightarrow P_{med} = P_{DC} = V_{DC} I_{DC}$

$$P_{med} = P_{DC} = (V_{rms} \sqrt{2} \cdot 0,318) \cdot \frac{(V_{rms} \sqrt{2} \cdot 0,318)}{R_L} = \frac{2V_{rms}^2 \cdot (0,318^2)}{R_L} = \frac{0,202V_{rms}^2}{R_L} =$$

$$P_{med} = P_{DC} = \frac{0,202(50^2)}{100} = 5,05 \text{ W}$$

# Eficiência do retificador de meia onda

ii) Cálculo da Potência AC  $\rightarrow P_{AC} = V_{rms} I_{rms}$

Usando a tabela resumo retificadores

Parâmetro	Meia Onda
Número diodos	1
Frequência saída	1. (Freq <sub>entrada</sub> )
Tensão média na carga- $V_{DC}=V_{CC}$ [V]	$\frac{(V_{max} - V_F)}{\pi}$
Tensão eficaz na carga- $V_{RMS}=V_{EF}$ [V]	$\frac{(V_{max} - V_F)}{2}$

$$V_{rms \text{ meia onda}} = \frac{V_{max}}{2} \rightarrow \rightarrow \rightarrow \rightarrow$$

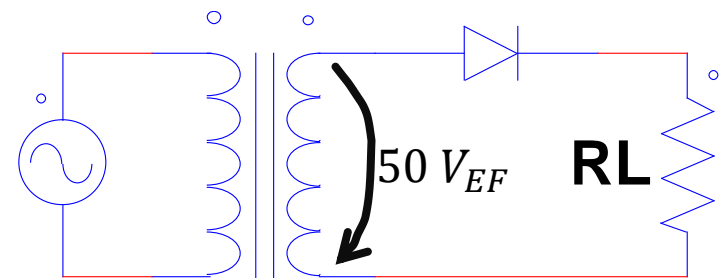
$$P_{AC} = \frac{(V_{rms} \sqrt{2})}{2} \cdot \frac{(V_{rms} \sqrt{2})}{2 R_L} =$$

$$\frac{V_{rms}^2}{2 R_L} = \frac{50^2}{2 \cdot (100)} = 12,5 \text{ W}$$

iii) Eficiência do retificador  $\rightarrow$

$$P_{med} = P_{DC} = 5,05 \text{ W} \quad P_{AC} = 12,5 \text{ W}$$

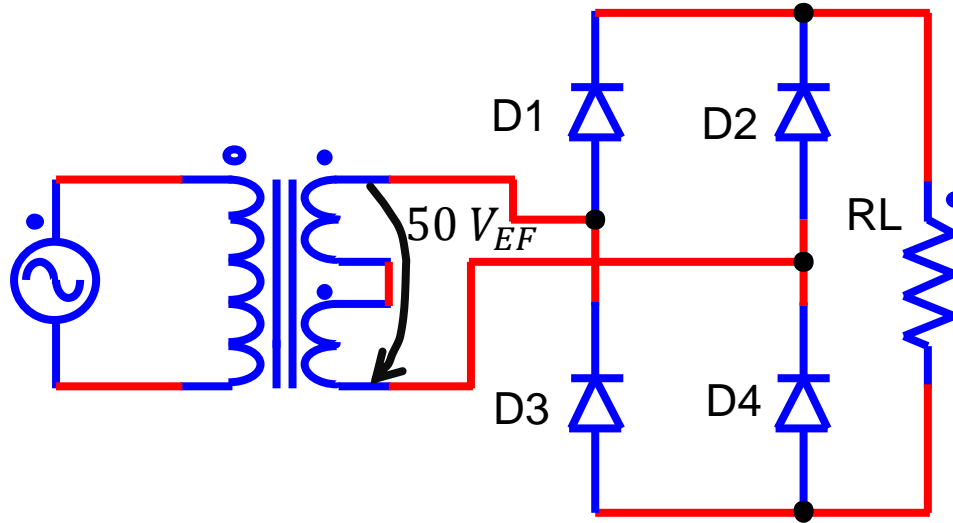
$$\eta = \frac{P_{med}}{P_{AC}} = \frac{5,05}{12,5} = 0,405 = 40,5 \%$$



## Eficiência do retificador de onda completa (diodo ideal)

$$\text{Eficiência (do retificador)} \rightarrow \eta = \frac{P_{DC}}{P_{AC}}$$

Ex2. Calcule a eficiência de um retificador em ponte conectado em 50 Vac e com carga igual a 100  $\Omega$ .



i) Cálculo da Potência média  $\rightarrow P_{med} = P_{DC} = V_{DC} I_{DC}$

$$P_{med} = P_{DC} = (V_{rms} \sqrt{2} \cdot 0,636) \cdot \frac{(V_{rms} \sqrt{2} \cdot 0,636)}{R_L} = \frac{2V_{rms}^2 \cdot (0,636)^2}{R_L} = \frac{0,809V_{rms}^2}{R_L} =$$

$$P_{med} = P_{DC} = \frac{0,809(50^2)}{100} = 20,22 \text{ W}$$

# Eficiência do retificador de onda completa

ii) Cálculo da Potência AC  $\rightarrow P_{AC} = V_{rms} I_{rms}$

Usando a tabela resumo retificadores

$$V_{rms\ ponte} = \frac{V_{max}}{\sqrt{2}} \rightarrow \rightarrow \rightarrow \rightarrow$$

$$P_{AC} = \frac{(V_{rms} \sqrt{2})}{\sqrt{2}} \cdot \frac{(V_{rms} \sqrt{2})}{\sqrt{2} R_L} =$$

$$\frac{V_{rms}^2}{R_L} = \frac{50^2}{(100)} = 25\ W$$

iii) Eficiência do retificador  $\rightarrow$

$$P_{med} = P_{DC} = 20,22\ W \quad P_{AC} = 25\ W$$

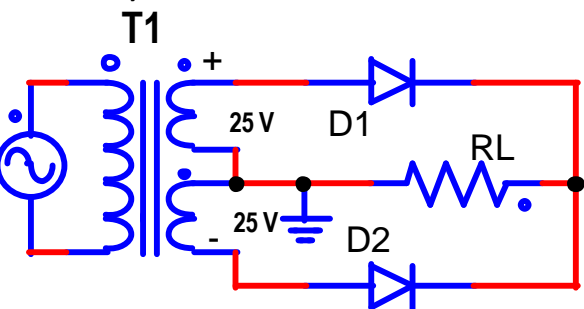
$$\eta = \frac{P_{DC}}{P_{AC}} = \frac{20,22}{25} = 0,809 = 80,9\ \%$$

Parâmetro	Meia Onda
Número diodos	1
Frequência saída	1. (Freq <sub>entrada</sub> )
Tensão média na carga- $V_{DC}=V_{CC}$ [V]	$\frac{(V_{max} - V_F)}{\pi}$
Tensão eficaz na carga- $V_{RMS}=V_{EF}$ [V]	$\frac{(V_{max} - V_F)}{2}$

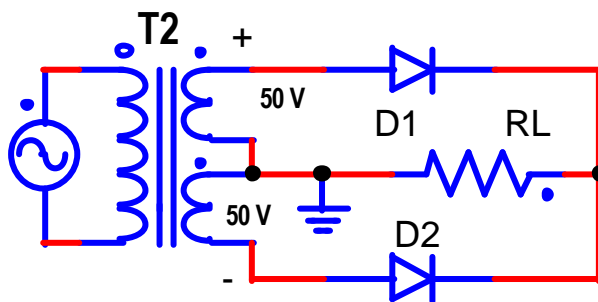
# Comparativo eficiência onda completa: tape central x ponte

Exercício: Obter a eficiência para circuitos retificadores puros de tape central e carga igual a  $100\ \Omega$  para as seguintes topologias. Compare os resultados das eficiências e tensão média entre o meia onda, tape central e ponte.

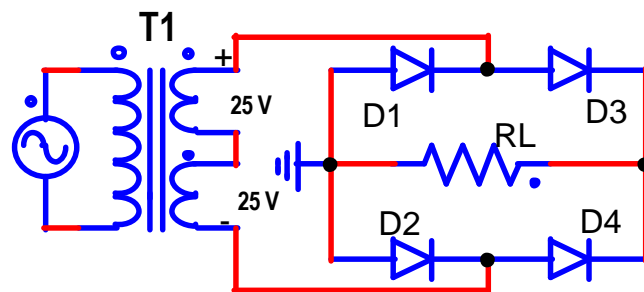
a.1) **Utiliza Transformador1**



a.2) Utiliza Transformador2



b) **Utiliza Transformador1**



Vdc duplo  $\frac{1}{2} \rightarrow 22,4\text{ V}$

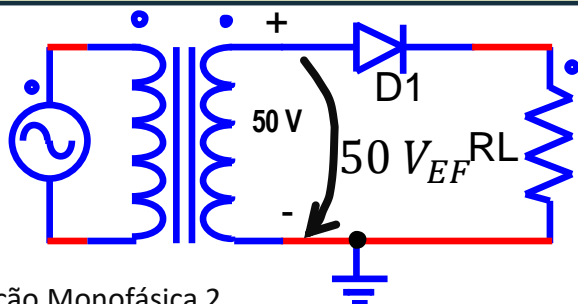
Vdc duplo  $\frac{1}{2} \rightarrow 44,9\text{ V}$

Vdc ponte  $\rightarrow 44,9\text{ V}$

Duplo  $\frac{1}{2}$  onda  $\rightarrow \eta = 80,9\%$

Ponte  $\rightarrow \eta = 80,9\%$

Nos retificadores puros de onda completa a eficiência é a mesma, porém a diferença está no nível da tensão DC fornecida para a carga com o uso dos mesmos terminais do transformador.



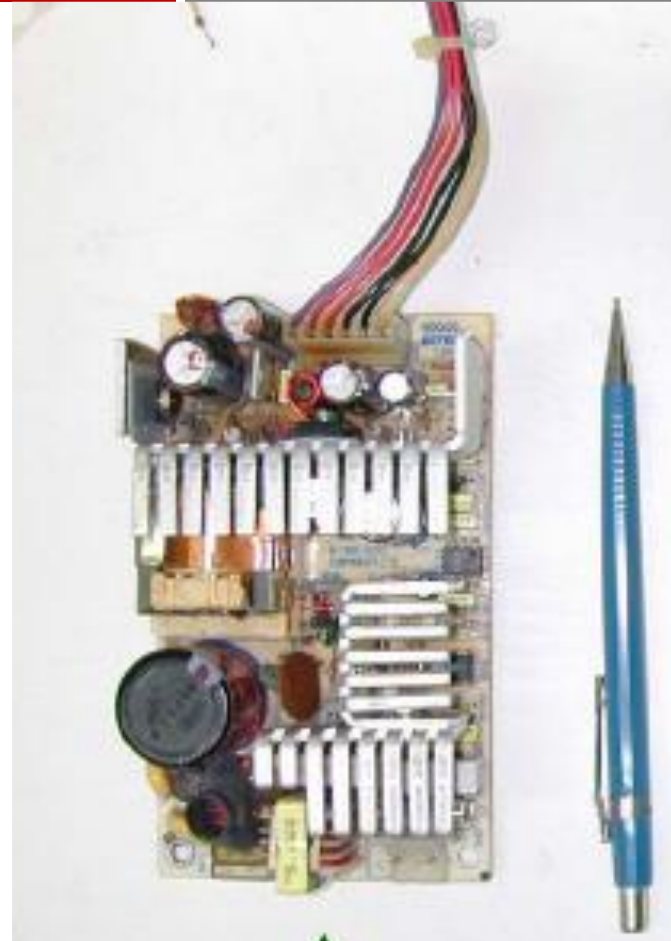
$\frac{1}{2}$  onda  $\rightarrow \eta = 40,5\%$



# Fonte (alimentação) Linear x Fonte (alimentação) Chaveada



**FONTE LINEAR (FAL) – 29 W**



**FONTE CHAVEADA – 65 W**

Créditos:

# Exercícios: créditos Boylestad, cap 2, 6ª ed.

22. Considerando o diodo ideal, esboce  $v_i$ ,  $v_d$  e  $i_d$  para o retificador de meia-onda da Fig. 2.148. A entrada é uma forma de onda senoidal com uma frequência de 60 Hz.

\*23. Repita o Problema 22 com um diodo de silício ( $V_T = 0,7$  V).

\*24. Repita o Problema 22 com uma carga de  $6,8$  k $\Omega$  aplicada como mostra a Fig. 2.149. Esboce  $v_L$  e  $i_L$ .

25. Para o circuito da Fig. 2.150, esboce  $v_o$  e determine  $V_{dc}$ .

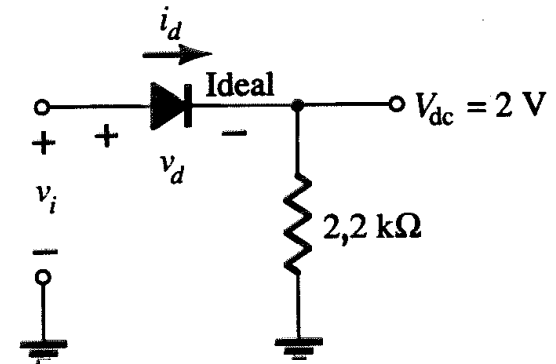


Fig. 2.148 Problemas 22, 23.

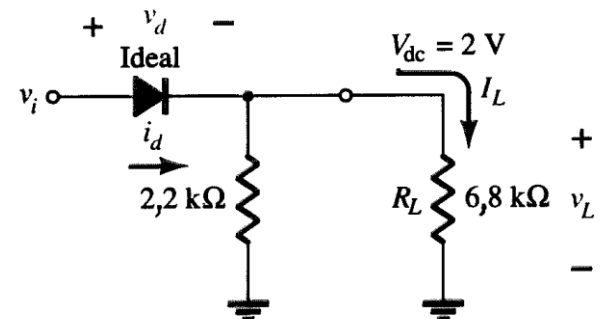


Fig. 2.149 Problema 24.

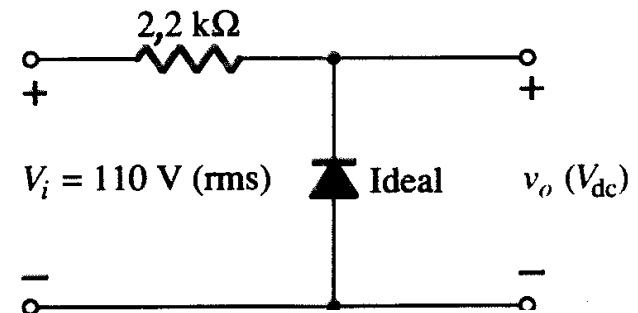


Fig. 2.150 Problema 25.

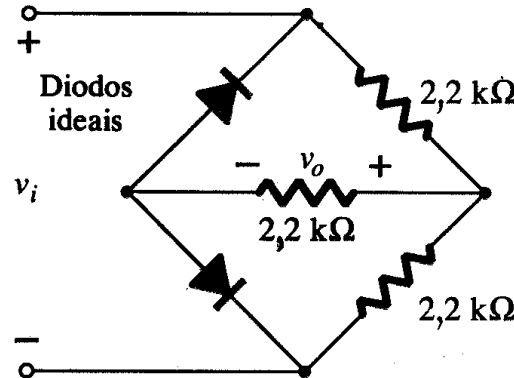
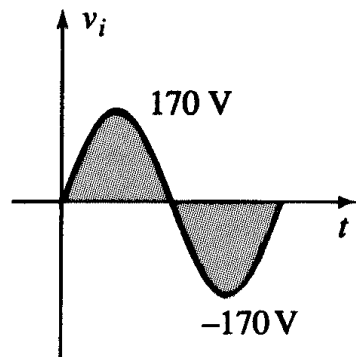


Fig. 2.155 Problema 31.

23)  $6,98$  V,  $i_d = 2,85$  mA

25)  $V_p = 155,56$  V,  $V_{DC} = 49,47$  V

31)  $V_p = 56,67$  V,  $V_{DC} = 36,04$  V